

DOI: 10.11992/tis.201606008

网络出版地址: <http://www.cnki.net/kcms/detail/23.1538.TP.20160808.0830.016.html>

横向拆分形势背景下的快速规则提取方法

温云霞¹, 王俊红^{1,2}

(1. 山西大学 计算机与信息技术学院, 山西 太原 030006; 2. 计算智能与中文信息处理教育部重点实验室, 山西 太原 030006)

摘要:概念格是进行数据挖掘和规则提取的一种有效工具。目前已经提出的概念格上的规则提取方法大多是针对整个形式背景, 得到的规则数目较多, 规则集规模较大, 且这种规则结构不便于两个规则集的合并。针对这个问题, 本文提出一种伪规则的概念, 并给出渐近式获取伪规则的方法; 同时证明了通过伪规则集, 用户可以根据自己的兴趣有选择地从伪规则集中产生出所需的蕴含规则; 提出了将两个伪规则集进行合并的方法, 从而用户可以通过拆分合并的思想来获取规则集; 最后通过实验分析验证了算法的有效性。

关键词:概念格; 形式背景; 子背景; 规则提取; 伪规则; 规则合并

中图分类号: TP18 **文献标志码:** A **文章编号:** 1673-4785(2016)04-0526-08

中文引用格式: 温云霞, 王俊红. 横向拆分形势背景下的快速规则提取方法[J]. 智能系统学报, 2016, 11(4): 526-533.

英文引用格式: WEN Yunxia, WANG Junhong. Research on a fast method for extracting rules based on horizontal splitting[J].

CAAI Transactions on Intelligent Systems, 2016, 11(4): 526-533.

Research on a fast method for extracting rules based on horizontal splitting

WEN Yunxia¹, WANG Junhong^{1,2}

(1. School of Computer and Information Technology, Shanxi University, Taiyuan 030006, China; 2. Key Laboratory of Computational Intelligence and Chinese Information Processing of Ministry of Education, Taiyuan 030006, China)

Abstract: The concept lattice is a valid tool for data mining and rule extraction. The methods of extracting rules from the concept lattice are based mainly on the whole formal context, but this results in a large number of rules and rule sets, and it is difficult to combine the rule sets subsets with the original structure. In this paper, the concept of a pseudo rule set and its incremental determination method is given; users can get the needed implication rules from the pseudo rule set, according to their interests. A method of combining two pseudo rule sets is then given. Users may therefore get their rule sets by dividing or combining these sets. The effectiveness of this method is proven through experiment analysis.

Keywords: concept lattice; formal context; subcontext; extracting rules; pseudo rule; combination of the rule set

概念格^[1-3]是数据分析和知识处理的一种有力工具, 由 Wille^[1]在 1982 年提出。近年来获得了飞速的发展, 概念格理论^[2]已经被广泛地应用于软件工程、知识工程、数据挖掘和信息检索等领域。

在多源信息系统和数据分布式存储与并行处理中, 数据都是分别存储和处理的。另一方面, 在较大

的形式背景下概念格构造的复杂度很高, 一个可行的方法是把形式背景拆分成多个子形式背景^[4-5], 分别存储和处理。这种方法的思想是在每个子形式背景上构造概念格并通过子概念格的合并得到所需的概念格。概念格的分布式处理大大减少了概念格的构造复杂度, 但对子概念格上获得的规则集之间的联系, 以及不通过子概念格合并直接利用规则集融合产生新规则的研究还较少。

概念格表明了概念之间的泛化和例化关系, 这

收稿日期: 2016-06-02. 网络出版日期: 2016-08-08.

基金项目: 国家自然科学基金项目(612022018, 61303008).

通信作者: 王俊红. E-mail: wjhwhj@sxu.edu.cn.

种层次关系有利于规则提取^[6-10]。在概念格的规则提取方面学者们进行了一定的研究,王志海等^[6-7]提出了概念格上规则提取的一般算法和渐近式算法并研究了概念格与关联规则发现。针对不同的形式背景有不同的规则提取方法,如李金海等^[8]提出的在决策形式背景上的规则提取。还有一些提取规则的改进方法,如梁吉业等^[9]提出的基于概念格的规则产生集挖掘算法等。近来对概念格的研究也主要是围绕概念格的约简、缩小概念格的构造和规则提取的复杂度^[11-23]。但上述规则提取方法,一方面大都是针对一个形式背景,且得到的规则集数量较多、规模较大。而用户有时可能只需要一部分感兴趣的规则信息,而从规模较大的规则集中找出这些感兴趣的规则信息也是一个难题。另一方面规则形式大都是文献[6]和文献[10]提出的规则形式,这种规则结构不便于两个规则集之间的合并研究。

针对上述问题,本文提出一种伪规则的概念,给出渐近式获取伪规则的方法。同时说明了通过伪规则集,用户可以得到原概念格上的蕴含规则。伪规则集的规模相对较小,其结构适于两个规则集的合并。用户可以根据自己的兴趣有选择地从伪规则集中产生出所需的蕴含规则。在伪规则集的基础上,提出了将两个伪规则集进行合并的方法,通过此方法用户可以直接利用伪规则集得到范围更大的规则集。最后通过实验验证了该方法的有效性。

1 基本定义

1.1 概念格

在形式概念分析^[1]中,形式背景用一个三元组 $K = (U, A, I)$ 表示,如表 1 所示,其中 U 是对象集合, A 是属性集合, I 是 U 和 A 之间定义的一个二元关系。对于 $\forall x \in U, \forall y \in A$, 若 x 具有属性 y , 那么 x 与 y 之间具有关系 I , 记为 xIy 。关系 I 与一个偏序集合对应, 并且这偏序集合产生一种格结构如图 1 所示。这种由 I 诱导的格 L 就称为一个概念格。格中的每个节点是一个序偶, 记为 (X, Y) , 称 X 是概念 (X, Y) 的外延, Y 是概念 (X, Y) 的内涵。两者之间满足如下两个映射函数 f 和 g :

$$f(x) = \{y \in A \mid \forall x \in X, xIy\}$$

$$g(y) = \{x \in U \mid \forall y \in Y, xIy\}$$

格中所有概念的集合用 $L(K)$ 表示。给定格中两个概念 $C_1 = (X_1, Y_1), C_2 = (X_2, Y_2)$, 满足 $X_1 \subseteq X_2$, 则称 (X_1, Y_1) 是 (X_2, Y_2) 的子概念, 记为 $(X_1, Y_1) \leq (X_2, Y_2)$ 。根据此偏序关系可以生成 Hasse 图, 揭示了概念的内涵和外延之间的范化和

例化关系, 可作为数据分析与知识获取的一种有效工具。形式背景 1 上对应的概念格如图 1。

表 1 形式背景

Table 1 Formal context

AU	a	b	c	d	e	f	g	h	i
1	1	1	0	0	0	0	1	0	0
2	1	1	0	0	0	0	1	1	0
3	1	1	1	0	0	0	1	1	0
4	1	0	1	0	0	0	1	1	1
5	1	1	0	1	0	1	0	0	0

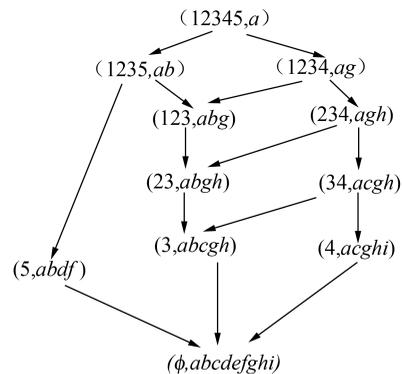


图 1 $L(U, \{a, b, c, d, f, g, h, i\}, I)$

Fig.1 $L(U, \{a, b, c, d, f, g, h, i\}, I)$

1.2 规则提取

下面简要介绍由文献[6]提出的规则提取方法的主要依据定理, 该方法的基本思想是依据其双亲节点即直接泛化的个数及形式来对格中每个节点生成其无冗余的所有规则。关于此方法的详细描述可参考文献[6]。

定理 1^[6] 如果格中节点 $H = (X_1, Y_1)$ 只有一个双亲节点 $M = (X_2, Y_2)$, 则 H 所产生的规则前件只能为单个描述符, 且 $\forall p \in \{Y_1 - Y_2\}$, 都存在一条无冗余规则 $p \rightarrow Y_1 - p$ 。

定理 2^[6] 如果格中节点 $H = (X_1, Y_1)$ 具有 d 个双亲节点 $M_1(X_2, Y_2), M_2(X_3, Y_3), \dots, M_d(X_d, Y_d)$, 则对于任意一个描述符 $p \in \{Y_1 - (Y_2 \cup Y_3 \cup \dots \cup Y_d)\}$, 都存在一条规则 $p \rightarrow Y_1 - p$ 。

定理 3^[6] 若果格中节点 $H = (X_1, Y_1)$ 具有两个双亲节点 $M_1(X_2, Y_2)$ 和 $M_2(X_3, Y_3)$, 则对于每个元素 $\forall p_1 \in \{Y_2 - Y_2 \cap Y_3\}$ 和 $\forall p_2 \in \{Y_3 - Y_2 \cap Y_3\}$, 都存在一条规则 $p_1 p_2 \rightarrow Y_1 - p_1 p_2$ 。

注: 只有当 $\|X'\| > k$ 时, 才可能有前件至多为 k 个描述符的规则, 并且规则前件的描述符个数至多为其双亲节点的数目。除了前件为单个描述符的规则之外, 其他规则的形式与数目仅仅依赖于其双亲节点。

例 1 对图 1 用上述定理,获得的蕴含规则为 $b \rightarrow a, g \rightarrow a, d \rightarrow abf, f \rightarrow abd, bg \rightarrow a, bh \rightarrow ag, h \rightarrow ag, c \rightarrow agh, bc \rightarrow agh, i \rightarrow acgh$ 。

1.3 形式背景拆分思想

通过对形式背景的拆分,形成多个子背景,分别构造概念格,然后再将子概念格合并是概念格分布处理的中心思想。

目前对形式背景的拆分有纵向和横向之分,对应的有两种合并方法。横向拆分是指对象域相同,属性项不同的拆分。纵向拆分是指对象域不同,属性项相同的拆分。本文将采用横向拆分的方式。

2 伪规则及其渐近式提取

在一个形式背景上通过文献[6]提出的方法以及其他的一些改进方法所得到的规则数目较多,规模较大,其规则形式不便于两个规则集之间的合并操作。因此,我们提出一种新的规则形式及其渐近式提取方法。其基本思想是对格中每个节点生成与其直接关系的父节点之间的一种关系,包括属性集之间的关系和对象集之间的关系,并证明通过伪规则集可以推导出全部的蕴含规则。

2.1 伪规则基本定义

定义 1 在形式背景 $K = (U, A, I)$ 上,概念 $C_1 = (X_1, Y_1)$, $C_2 = (X_2, Y_2)$, 概念 C_1 是概念 C_2 的父亲节点,则概念 C_1 和 C_2 之间产生规则 $r: Y_2/Y_1 \rightarrow Y_1$, 称 r 为一个伪规则。每个伪规则同时附有其对应的对象集表示如: $X_2 \rightarrow X_1/X_2$ 。

注:上述伪规则不是真正的蕴含规则,是一种便于规则集合并和产生蕴含规则的一种规则形式。

定理 4 由伪规则集可以推导出全部蕴含规则。

证明 通过上述定理 1~3 可知,对于一个子节点,根据其父节点的数量采取不同的方法来获取蕴含规则。上述提出的伪规则是子节点与其直接父节点之间的一个关系。对于一个子节点找到与其直接相关的父亲节点对应的伪规则,运用定理 1~3 即可得到其对应的全部蕴含规则。

例如:图 1 所示格结构中获得的伪规则 $g(123) \rightarrow ab(5)$ 和 $b(123) \rightarrow ag(4)$, 由此伪规则可以得出子节点为 abg , 父亲节点为 ab 和 ag 。则通过定理 2 和定理 3 可以得到如下的蕴含规则: $bg \rightarrow a$ 。

2.2 伪规则的渐近式提取方法

采用基于对象的概念格渐近式构造思想,对每个新生成的节点产生其对应的伪规则。并对更新节点判断其对应的原伪规则是否已经失效,如失效不

再记录。剩下的没有变更的节点规则全部原样进行记录。下面给出在已建好的格上提取规则的算法。该算法采用基于对象的渐近式构造思想,函数 $generaterule(N = (X, Y))$ 生成节点之间的伪规则。

算法

输入 已有的格 L 与规则集 R , 要追加的概念 $(\{x\}, f(\{x\}))$;

输出 更新后的格 L' 与规则集 R 。

BEGIN

$R' \leftarrow \varnothing$ /* 规则集合 */

FOR 每个节点 $H = (X, X') \in L$

IF $X' \subseteq f(\{x\})$ THEN

把 x 加到 X 中,将节点 H 加入到 Modify(记录更新节点)中

IF $X' = f(\{x\})$ THEN continue;

ELSE

new = $X' \cap f(\{x\})$ /* 生成新节点 */

IF new $\notin L$ THEN;

新增节点 $N = (X \cup x, \text{new})$ 并加入

Modify 中,增加边 $N \rightarrow H$;

FOR Modify 中的每个节点 $M = (X_m, Y_m)$

IF $Y_m \subseteq \text{new}$ THEN 加入边 $M \rightarrow N$,

IF M 是 H 的双亲 THEN

删去边 $M \rightarrow H$;

$R'[H] = generaterule(H)$ $R' = R'[H] \cup R'$;

$R'[N] = generaterule(N)$ $R' = R'[N] \cup R'$;

ENDFOR

ENDFOR

FOR 每个规则 $p \rightarrow q \in R$

IF N 的任意子节点 $N' = (X_n, Y_n)$

都有 $Y_n \neq p \cup q$ THEN

$R' = R' \cup p \rightarrow q$ /* 记录原来的规则 */

ENDFOR

$R = R'$ /* 记录新的规则集 */

END

Function $generaterule(N = (X, Y))$

BEGIN

FOR N 的每个父亲节点 $F = (X_i, Y_i)$ 产生规则:
 $Y/Y_i(X_i) \rightarrow Y_i(X_i/X)$

ENDFOR

END

3 伪规则集合并

概念格的构造一直是影响其应用的主要因素,文献[4]和文献[5]提出了拆分和合并的思想。将

形式背景拆分成多个子形式背景,分别构造概念格并对其进行合并。但是,目前提出的合并都是针对子概念格的合并,而每个子概念格上都可以提取规则,因而可以将直接利用两个规则集进行合并,直接产生所需的规则信息。对于两个子规则集直接进行合并,相关研究还较少。下面提出通过伪规则集来实现两个规则的合并。

两个对应概念格上的伪规则集合并的主要思想是通过伪规则中包含的概念属性和对象信息,运用一定的合并原理来生成新的规则。在合并的过程中产生新的节点概念信息,记录新生概念信息。因此规则合并后也就得到了合并后的一个概念格的结构。合并规则依据的是概念格横向合并的思想,根据合并时新规则产生的信息来判断是否是新生成的规则,比较与原规则之间的关系来判断是否要更改原规则。因格中的节点在规则中既可以是前件也可以是后件,因此合并时只考虑其作为后件的情况,避免重复规则。

例如给定两个伪规则 $A(O_1) \rightarrow B(O_2)$ 和 $C(O_3) \rightarrow D(O_4)$,则有如下合并规则:

定理 5 $(O_1 \cup O_2) \subseteq (O_3 \cup O_4)$,则更新原有规则: $A \rightarrow BD$ 。

证明 因为节点 $C = \{(O_1 \cup O_2), B\}$ 对象集包含于节点 $C' = \{(O_3 \cup O_4), D\}$ 对象集,则节点 C 同样具有节点 C' 的属性,同时 C 的子节点也具有节点 C' 的属性,因此节点 C 及其子节点的属性变为 $\{BD, ABD\}$,则规则更新为 $A \rightarrow BD$ 。

实际操作中每次都记录更新节点 $(O_1 \cup O_2)$,以便后续合并处理重复的问题。

定理 6 若有 $O_1 \subseteq (O_3 \cup O_4)$, $O_2 \not\subseteq (O_3 \cup O_4)$,则更新原有规则: $AD \rightarrow B$ 。

证明 因为节点 $C = \{O_1, (A \cup B)\}$ 对象集包含于节点 $C' = \{(O_3 \cup O_4), D\}$,而 $O_2 \not\subseteq (O_3 \cup O_4)$ 即说明节点 C 的父亲节点的对象集并不包含于节点 C' 。因此只将 C 的属性变为 $\{A \cup D \cup B\}$,其父亲节点的属性不变,则原规则更新为 $AD \rightarrow B$ 。记录更新节点 O_1

定理 7 $(O_1 \cup O_2) \cap (O_3 \cup O_4) \neq \varnothing$,则生成 $new = (O_1 \cup O_2) \cap (O_3 \cup O_4)$,是 $(O_1 \cup O_2)$ 和 $(O_3 \cup O_4)$ 与的子集,如果 new 在原概念格节点集中不存在,且 $(O_3 \cup O_4)$ 与 $(O_1 \cup O_2)$ 的所有子节点的交集都不是 new ,则生的规则有: $BD/B \rightarrow B$, $BD/D \rightarrow D$ 。

证明 两个概念节点 $C = \{(O_1 \cup O_2), B\}$ 和 $C' = \{(O_3 \cup O_4), D\}$ 产生的新节点 $new = \{(O_1 \cup$

$O_2) \cap (O_3 \cup O_4), (B \cup D)\}$ 是两个节点的子节点当原概念格节点中不存在此节点,因此依据伪规则生成方法,可以生成 $BD/B \rightarrow B$, $BD/D \rightarrow D$ 。且 $(O_3 \cup O_4)$ 与 $(O_1 \cup O_2)$ 的所有子节点的交集都不是 new ,保证生成正确的规则。记录 new 。

定理 8 $(O_1 \cup O_2) \cap (O_3 \cup O_4) = \varnothing$,如果 φ 在原概念格节点集中不存在,则直接生成前者子节点与新节点之间的规则。

证明 因为如果两规则的父亲节点与父节点的交集是空集,那么前者对应的子节点与后者父节点的交集也一定是空集,则记录 $ABD/AB \rightarrow AB$, $ABD/D \rightarrow D$ 记录新节点 φ 。

注:在每个规则集中增加一个辅助规则,即内涵最大的节点自身生成一个辅助规则: $Y \rightarrow Y$,保证在规则合并时可以访问到概念格中的每个节点。在合并的过程中会产生新的概念节点,也要对这些新产生的概念节点判断它们之间是否可以产生伪规则。同时判断更新节点与新生节点之间是否产生新的规则,可以防止重复地生成规则。

例 2 给定的形式背景如表 1 所示。图 2 和图 3 是对形式背景横向拆分每 3 个属性为一个子形式背景所对应的概念格。在图 2 上提取的伪规则集 R_1 为: $b(1235) \rightarrow a(4)$, $c(34) \rightarrow a(125)$, $c(3) \rightarrow ab(125)$, $b(3) \rightarrow ac(4)$, $abc(3) \rightarrow abc(3)$ 。图 3 对应的伪规则集 R_2 为: $h(234) \rightarrow g(1)$, $i(4) \rightarrow gh(23)$, $ghi(4) \rightarrow ghi(4)$ 。

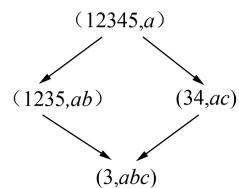


图 2 子概念格 $L(U, \{a, b, c\}, I)$
Fig.2 Sub-concept lattice $L(U, \{a, b, c\}, I)$

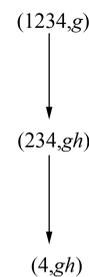


图 3 子概念格 $L(U, \{g, h, i\}, I)$
Fig.3 Sub-concept lattice $L(U, \{g, h, i\}, I)$

合并过程如下:首先判断要加入的伪规则对应的节点信息是否已经存在,若存在不做任何操作。

否则加入伪规则 $h(234) \rightarrow g(1)$ 到伪规则集 R_1 上, 遍历 R_1 对应的所有概念节点信息, 更新 $(1234, g)$ 的属性信息为 $(1234, ag)$ 。

1) 与规则 $b(1235) \rightarrow a(4)$ 进行运算有 $12345 \cap 1234 = 1234$, 对应的属性集为 ag 。则得到 $(1234, ag)$ 是新生成的节点, 产生的规则为 $g(1234) \rightarrow a(5)$, 因为与节点 $(1235, ab)$ 没有包含关系, 因此依然记录规则 $b(1235) \rightarrow a(4)$ 。

2) 与规则 $c(34) \rightarrow a(125)$ 进行运算得到的节点与(1)相同, 同时记录规则 $c(34) \rightarrow ag(12)$ 。

3) 与规则 $b(3) \rightarrow ac(4)$ 进行运算, $34 \subset 1234$, 更新规则 $b(3) \rightarrow acg(4)$, 记录更新节点 $(34, acg)$ 。

4) 与规则 $c(3) \rightarrow ab(125)$ 进行运算, 因为节点 $3 \subset 1234$, 所以更新原来的规则 $cg(3) \rightarrow ab(125)$, 记录更新节点 $(3, abcg)$ 。

5) 与规则 $abc(3) \rightarrow abc(3)$, $3 \subset 1234$, 不产生新的节点, 依然作为结尾节点, 更新辅助规则 $abcg(3) \rightarrow abcg(3)$ 。

最后生成更新节点与新生节点之间的规则, 以及新生节点与新生节点之间的规则, 生成的规则如下: $c(34) \rightarrow ag(12)$, (b)中已经记录则不再记录。

加入 $h(234) \rightarrow g(1)$ 后得到的规则为: $g(1234) \rightarrow a(5)$, $b(1235) \rightarrow a(4)$, $c(34) \rightarrow ag(12)$, $b(3) \rightarrow acg(4)$, $abcg(3) \rightarrow abcg(3)$, $cg(3) \rightarrow ab(125)$ 。将此伪规则集记录为 R_1 , 用于下次插入规则。

将 R_2 中的规则按照上述的步骤加入 R_1 , 得到的规则集为: $b(1235) \rightarrow a(4)$, $g(1234) \rightarrow a(5)$, $b(123) \rightarrow ag(4)$, $g(123) \rightarrow ab(5)$, $h(23) \rightarrow abg(1)$, $c(34) \rightarrow agh(2)$, $b(3) \rightarrow acgh(4)$, $h(234) \rightarrow ag(1)$, $b(23) \rightarrow agh(4)$, $i(4) \rightarrow acgh(3)$, $c(3) \rightarrow abgh(2)$, $i(\varphi) \rightarrow abcg(3)$, $b(\varphi) \rightarrow acghi(4)$ 。由此伪规则集最终可以产生例 1 中的蕴含规则集。

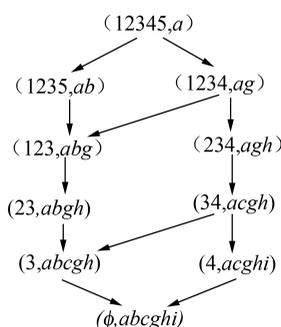


图 4 $L(U, \{a, b, c, g, h, i\}, I)$
Fig.4 $L(U, \{a, b, c, g, h, i\}, I)$

4 实验结果及分析

上述规则合并方法我们已在 Windows7 环境下用 MATLAB2013 实现, 并在 UCI 上的具有单值(二值)或可转换为单值, 可数量化的 Spect 数据集、Mushroom 数据集、Nursery 数据集, 和随机生成的数据集上进行了实验。在 Mushroom 数据集上随机选定前 10 个属性和前 180 个对象, 每 30 个对象为一组。在 Spect 数据集上随机选定前 6 个属性和前 120 个对象, 每 30 个对象为一组。在 Nursery 数据集上随机选定前 8 个属性, 前 120 个对象, 每 30 个对象为一组。在随机生成的数据集上选定属性个数为 15 个, 每个对象有 5 个属性, 同样 30 个对象为一组。每次递增一组对象。对 Mushroom 数据集属性平均拆分为 5 份, 每两个属性为一个拆分。同样对随机生成的数据集属性平均拆分成 5 份, 每 3 个属性为一个拆分。对 Spect 数据集属性平均分为 3 份, 每 2 个属性为一个拆分。对 Nursery 数据集属性平均分为 4 份, 每 2 个属性为一个拆分。在这 4 个数据集上进行了测试并和文献[6]算法进行了对比, 在 4 个测试集上两种方法的执行时间结果如下图 5~8 所示, 两种方法获取规则数目的比较结果如图 9~12。

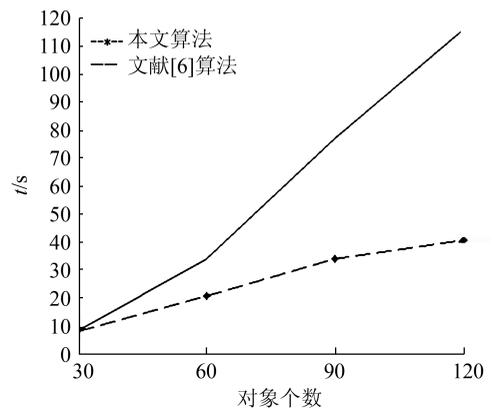


图 5 随机数据集上两种方法的执行时间

Fig.5 Execution time of two methods on random data set

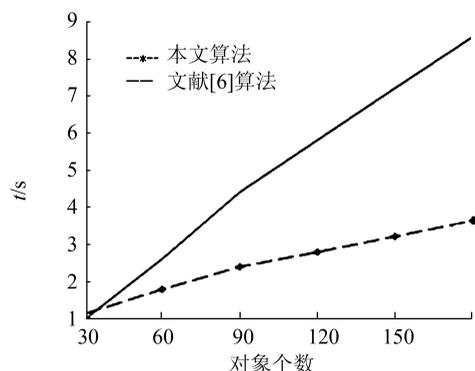


图 6 Mushroom 数据集上两种方法的执行时间

Fig.6 Execution time of two methods on Mushroom data set

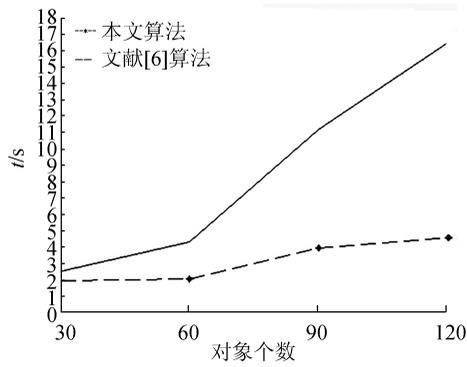


图 7 Spect 数据集上两种方法的执行时间
Fig.7 Execution time of two methods on Spect data set

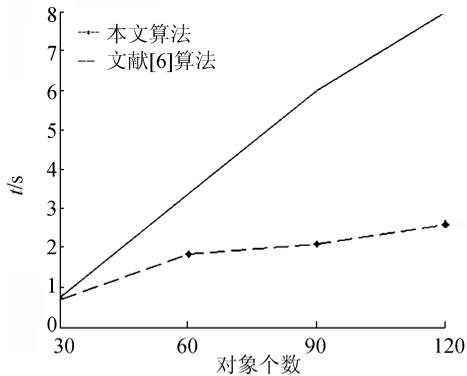


图 8 Nursery 数据集上两种方法的执行时间
Fig.8 Execution time of two methods on Nursery data set

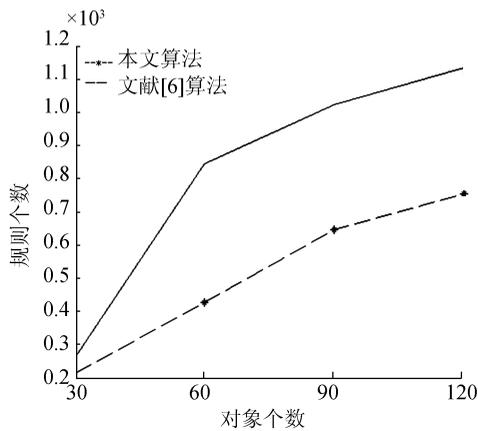


图 9 随机数据集上两种方法获取的规则数目
Fig.9 The number of rules obtained by two methods on random data set

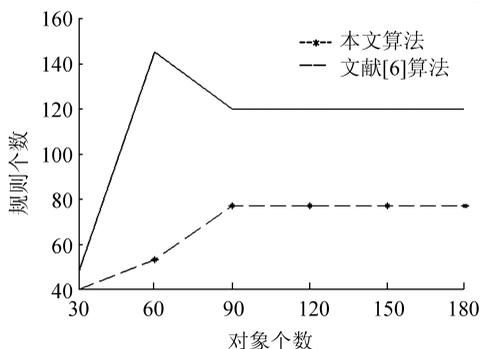


图 10 Mushroom 数据集上两种方法获取的规则数目
Fig.10 The number of rules obtained by two methods on Mushroom data set

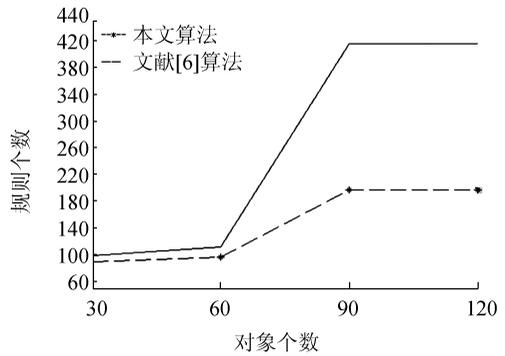


图 11 Spect 数据集上两种方法获取的规则数目
Fig.11 The number of rules obtained by two methods on Spect data set

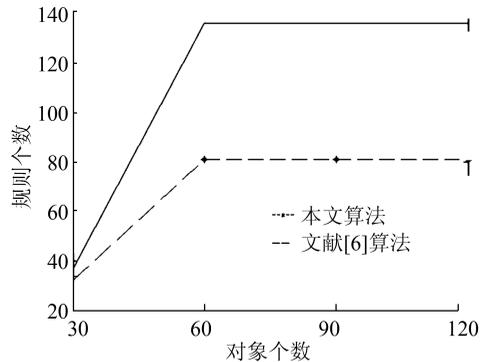


图 12 Nursery 数据集上两种方法获取的规则数目
Fig.12 The number of rules obtained by two methods on Nursery data set

在随机数据集上两种方法的执行时间及概念数如表 2 所示。

表 2 随机数据集上两种生成规则方法时间对比

Table 2 Time comparison of two methods on random data set

对象个数	概念数	直接提取 蕴含规则 时间	拆分合并 后生成蕴 含规则的时间
30	90	8.15	8
60	160	34	20.5
90	228	77	33.9
120	259	115.8	40.4

从表 2 中可以看出,利用伪规则集生成蕴含规则的方法所用时间较直接构造概念格生成蕴含规则明显减少。且时间的增长基本呈线性。在这个过程中避免了概念格的合并,降低了构造概念格的时间复杂度对规则获取的制约。

从图 5~8 中可以看出,本文算法执行时间低于文献[6]中的算法,且具有稳定性。在获取蕴含规则时间花销方面有一定的优势。

从图 9~12 中可以看出,本文算法所获取的伪规则的数目远小于文献[6]中算法所获取的规则数

目,得到的伪规则集的规模较小,用户可以根据所需灵活地通过伪规则生成部分和全部的蕴含规则。在随机数据集以及 Spect 数据集上,获取的概念数与规则数对比如表 3 所示。

表 3 随机数据集上蕴含规则与伪规则数的对比

Table 3 The comparison of amount between rule and pseudo rule on random data set

对象个数	概念数	蕴含规则数	伪规则数
30	90	263	214
60	160	845	426
90	228	1 024	645
120	259	1 135	755

表 4 Spect 数据集上蕴含规则与伪规则数的对比

Table 4 The comparison of amount between rule and pseudo rule on Spect data set

对象个数	概念数	蕴含规则数	伪规则数
30	37	98	89
60	42	96	111
90	64	416	197
120	64	416	197

从表 3 和表 4 中可以看出,当概念数量较多时,所获得的伪规则集的数量明显小于所获取的蕴含规则集的数量。在规模较小的伪规则中,用户能够更好地选取感兴趣的属性并生成全部的蕴含规则。

6 结论

本文在横向拆分的形式背景下,对基于概念格的规则提取进行了研究。1) 首先提出了伪规则的概念,并给出了伪规则的渐近式提取方法,证明了通过伪规则集可以生成全部的蕴含规则;2) 本文基于伪规则形式,给出了伪规则合并的法则及快速规则获取方法,通过理论推理和实验验证说明了本文方法的有效性;3) 本文所提的规则获取方法主要是针对于横向拆分的形式背景,但是对形式背景的拆分有多种拆分方式,对于不同的拆分方式下的规则获取是进一步需要研究的工作。

参考文献:

- [1] GANTER B, WILLE R. Formal concept analysis: mathematical foundations[M]. Berlin Heidelberg: Springer-Verlag, 1999.
- [2] WILLE R. Restructuring lattice theory: an approach based on Hierarchies of concepts[M]//RIVAL I. Ordered Sets. Netherlands: Springer, 1982: 445-470.
- [3] 胡可云, 陆玉昌, 石纯一. 概念格及其应用进展[J]. 清华大学学报: 自然科学版, 2000, 40(9): 77-81.
- [4] HU Keyun, LU Yuchang, SHI Chunyi. Advances in concept lattice and its application[J]. Journal of Tsinghua university: science & technology, 2004, 40(9): 77-81.
- [5] 李云, 刘宗田, 陈峻, 等. 多概念格的横向合并算法[J]. 电子学报, 2004, 32(11): 1849-1854.
- [6] LI Yun, LIU Zongtian, CHEN Ling, et al. Horizontal union algorithm of multiple concept lattices[J]. Acta electronica sinica, 2004, 32(11): 1849-1854.
- [7] 智慧来, 智东杰, 刘宗田. 概念格合并原理与算法[J]. 电子学报, 2010, 38(2): 455-459.
- [8] ZHI Huilai, ZHI Dongjie, LIU Zongtian. Theory and algorithm of concept lattice union[J]. Acta electronica sinica, 2010, 38(2): 455-459.
- [9] 王志海, 胡可云, 胡学钢, 等. 概念格上规则提取的一般算法与渐近式算法[J]. 计算机学报, 1999, 22(1): 66-70.
- [10] WANG Zhihai, HU Keyun, HU Xuegang, et al. General and incremental algorithms of rule extraction based on Concept lattice[J]. Chinese journal of computers, 1999, 22(1): 66-70.
- [11] 谢志鹏, 刘宗田. 概念格与关联规则发现[J]. 计算机研究与发展, 2000, 37(12): 1415-1421.
- [12] XIE Zhipeng, LIU Zongtian. Concept lattice and association rule discovery[J]. Journal of computer research & development, 2000, 37(12): 1415-1421.
- [13] 李金海, 吕跃进. 基于概念格的决策形式背景属性约简及规则提取[J]. 数学的实践与认识, 2009, 39(7): 182-188.
- [14] LI Jinhai, LV Yuejin. Attribute reduction and rules extraction in decision formal context based on concept lattice[J]. Mathematics in practice and theory, 2009, 39(7): 182-188.
- [15] 梁吉业, 王俊红. 基于概念格的规则产生集挖掘算法[J]. 计算机研究与展, 2004, 41(8): 1339-1344.
- [16] LIANG Jiye, WANG Junhong. An algorithm for extracting rule-generating sets based on Concept lattice[J]. Journal of computer research and development, 2004, 41(8): 1339-1344.
- [17] GODIN R, MISSAOUI R. An incremental concept formation approach for learning from databases[J]. Theoretical computer science, 1994, 133(2): 387-419.
- [18] 李进金, 张燕兰, 吴伟志, 等. 形式背景与协调决策形式背景属性约简与概念格生成[J]. 计算机学报, 2014, 37(8): 1768-1774.
- [19] LI Jinjin, ZHANG Yanlan, WU Weizhi, et al. Attribute reduction for formal context and consistent decision formal context and Concept lattice generation[J]. Chinese journal of computers, 2014, 37(8): 1768-1774.
- [20] MA Jianmin, LEUNG Y, ZHANG Wenxiu. Attribute re-

- ductions in object-oriented concept lattices [J]. International journal of machine learning and cybernetics, 2014, 5(5): 789-813.
- [13] LI Jinhai, MEI Changlin, WANG Junhong, et al. Rule-preserved object compression in Formal decision contexts using concept lattices [J]. Knowledge-based systems, 2014, 71: 435-445.
- [14] CORNEJO M E, MEDINA J, RAMÍREZ-POUSSA E. Attribute reduction in multi-adjoint concept lattices [J]. Information sciences, 2015, 294: 41-56.
- [15] TAN Anhui, LI Jinjin, LIN Guoping. Connections between covering-based rough sets and concept lattices [J]. International journal of approximate reasoning, 2015, 56 (Part A): 43-58.
- [16] 张文修, 魏玲, 祁建军. 概念格的属性约简理论与方法 [J]. 中国科学 E 辑: 信息科学, 2005, 35(6): 628-639.
ZHANG Wenxiu, WEI Ling, QI Jianjun. Attribute reduction theory and approach to concept lattice [J]. Science in China series F: information sciences, 2005, 48(6): 713-726.
- [17] 张磊, 张宏莉, 殷丽华, 等. 概念格的属性渐减原理与算法研究 [J]. 计算机研究与发展, 2013, 50(2): 248-259.
ZHANG Lei, ZHANG Hongli, YIN Lihua, et al. Theory and algorithms of attribute decrement for Concept lattice [J]. Journal of computer research and development, 2013, 50(2): 248-259.
- [18] 胡可云, 陆玉昌, 石纯一. 基于概念格的分类和关联规则的集成挖掘方法 [J]. 软件学报, 2000, 11(11): 1478-1484.
HU Keyun, LU Yuchang, SHI Chunyi. An integrated mining approach for classification and association rule based on Concept lattice [J]. Journal of software, 2000, 11(11): 1478-1484.
- [19] MAO Hua. Characterization and reduction of concept lattices through matroid theory [J]. Information sciences, 2014, 281: 338-354.
- [20] YANG Yafeng. Parallel construction of variable precision concept lattice in fuzzy formal context [J]. AASRI Procedia, 2013, 5: 214-219.
- [21] DÍAZ-MORENO J C, MEDINA J. Using concept lattice theory to obtain the set of Solutions of multi-adjoint relation equations [J]. Information sciences, 2014, 266: 218-225.
- [22] ISHIGURE H, MUTOH A, MATSUI T, et al. Concept lattice reduction using attribute inference [C] // Proceedings of the IEEE 4th Global Conference on Consumer Electronics. Osaka: IEEE, 2015: 108-111.
- [23] CHEN Jinkun, LI Jinjin, LIN Yaojin, et al. Relations of reduction between covering generalized rough sets and Concept lattices [J]. Information sciences, 2015, 304: 16-27.

作者简介:



温云霞,女,1986年生,硕士研究生,主要研究方向为概念格与数据挖掘。



王俊红,女,1979年生,副教授,博士,硕士生导师,主要研究方向为粒计算、概念格与数据挖掘。