基于事件触发灰狼优化算法的四旋翼无人机三维航迹规划

秦冬燕, 闫晓辉, 邵桂伟, 姚玉武

引用本文:

秦冬燕, 闫晓辉, 邵桂伟, 等. 基于事件触发灰狼优化算法的四旋翼无人机三维航迹规划[J]. 智能系统学报, 2025, 20(3): 699-706.

QIN Dongyan, YAN Xiaohui, SHAO Guiwei, et al. Event-triggered gray wolf optimization for quadrotor unmanned aerial vehicle three-dimensional trajectory planning[J]. *CAAI Transactions on Intelligent Systems*, 2025, 20(3): 699-706.

在线阅读 View online: https://dx.doi.org/10.11992/tis.202406013

您可能感兴趣的其他文章

双向通信无人机集群领航顶点选取方法

Leaders' selection for UAV swarm with two-way communication 智能系统学报. 2021, 16(3): 484-492 https://dx.doi.org/10.11992/tis.202006010

融合视觉显著性再检测的孪生网络无人机目标跟踪算法

Siamese network combined with visual saliency re-detection for UAV object tracking 智能系统学报. 2021, 16(3): 584-594 https://dx.doi.org/10.11992/tis.202101035

基于变步长蚁群算法的移动机器人路径规划

Mobile robot path planning based on variable-step ant colony algorithm 智能系统学报. 2021, 16(2): 330-337 https://dx.doi.org/10.11992/tis.202004011

多约束下多无人机的任务规划研究综述

A survey of mission planning on UAVs systems based on multiple constraints 智能系统学报. 2020, 15(2): 204-217 https://dx.doi.org/10.11992/tis.201811018

基于改进D*算法的无人机室内路径规划

UAV indoor path planning based on improved D* algorithm 智能系统学报. 2019, 14(4): 662–669 https://dx.doi.org/10.11992/tis.201803031

基于滚动时域的无人机动态航迹规划

Dynamic UAV trajectory planning based on receding horizon 智能系统学报. 2018, 13(4): 524–533 https://dx.doi.org/10.11992/tis.201708031 DOI: 10.11992/tis.202406013

网络出版地址: https://link.cnki.net/urlid/23.1538.tp.20250411.1129.006

基于事件触发灰狼优化算法的四旋翼 无人机三维航迹规划

秦冬燕, 闫晓辉, 邵桂伟, 姚玉武

(合肥大学人工智能与大数据学院,安徽合肥230601)

摘 要:针对复杂环境下四旋翼无人机三维航迹规划问题,提出了一种改进的事件触发灰狼优化算法 (event triggered grey wolf optimization, ETGWO)。引入球面矢量刻画飞行路径的生成,通过减少搜索空间提升搜索能力;设计自适应权重动态调整飞行航迹成本适应度函数,以提高航迹规划效率和准确性;在灰狼优化算法 (grey wolf optimization, GWO) 基础上,选择使用改进的非线性收敛因子,提升算法的鲁棒性;为了更好地平衡算法的全局搜索和局部搜索能力,通过引入基于事件触发机制的灰狼个体位置更新速度来改进 GWO 算法的位置更新策略。仿真对比实验表明,所提出 ETGWO 算法在四旋翼无人机 (quadrotor unmanned aerial vehicles, QUAV) 飞行航迹规划方面具有更优越的性能。

关键词: 改进 GWO 算法; 事件触发; 三维航迹规划; 球面矢量; 自适应加权; 非线性收敛因子; 速度暂停; 四旋翼无人机

中图分类号: TP242 文献标志码: A 文章编号: 1673-4785(2025)03-0699-08

中文引用格式:秦冬燕, 闫晓辉, 邵桂伟, 等. 基于事件触发灰狼优化算法的四旋翼无人机三维航迹规划 [J]. 智能系统学报, 2025, 20(3): 699-706.

英文引用格式: QIN Dongyan, YAN Xiaohui, SHAO Guiwei, et al. Event-triggered gray wolf optimization for quadrotor unmanned aerial vehicle three-dimensional trajectory planning[J]. CAAI transactions on intelligent systems, 2025, 20(3): 699–706.

Event-triggered gray wolf optimization for quadrotor unmanned aerial vehicle three-dimensional trajectory planning

QIN Dongyan, YAN Xiaohui, SHAO Guiwei, YAO Yuwu

(School of Artificial Intelligence and Big Data, Hefei University, Hefei 230601, China)

Abstract: An improved event-triggered gray wolf optimization algorithm (ETGWO) is proposed for the 3D path planning of quadrotor unmanned aerial vehicles in complex environments. First, the search space and search capabilities are reduced and improved, respectively, by introducing spherical vectors to characterize flight path generation. Second, the adaptive weights are designed to dynamically adjust the fitness function of the flight trajectory cost, thereby improving the efficiency and accuracy of path planning. Based on the gray wolf optimization (GWO) algorithm, a nonlinear convergence factor is selected to enhance the robustness of the algorithm. Additionally, to better balance the global and local search capabilities, the position update strategy of the gray wolf individuals is developed based on the update velocity, which is integrated with the event-triggered mechanism. Finally, simulation and comparative experiments are performed to confirm the superior planning performance of ETGWO compared with those of other algorithms.

Keywords: improved GWO algorithm; event-triggered; 3D path planning; spherical vector; adaptive weight; nonlinear convergence factor; velocity pausing; quadrotor unmanned aerial vehicle

收稿日期: 2024-06-11. 网络出版日期: 2025-04-14.

基金项目: 国家自然科学基金项目 (61903118); 安徽省自然科学基金项目 (1908085QF290); 合肥学院人才科研基金项目 (20RC27).

通信作者: 闫晓辉. E-mail: xhyan@hfuu.edu.cn.

四旋翼无人机 (quadrotor unmanned aerial vehicle, QUAV) 因其工作效率高、成本低、适应多样化任务需求等特点,广泛应用于军事侦察、物流配送、农业监测、环境保护等领域[1-5]。路径规

划是确保无人机安全高效完成指定任务的关键一环,需要在一系列约束条件下提前规划出一条从出发点到达任务点、能耗最小且无碰撞的飞行路径¹⁰。

目前,传统的无人机路径规划算法包括随机路图法^[7]、人工势场法^[8]、RRT*(repaidly-exploring random trees)算法^[9]等。文献 [10] 应用模糊控制算法融合预测机制开发了一种局部路径规划策略,但在三维路径规划方面的研究较少。为了克服计算成本高的缺点,研究者们相继提出了启发式路径规划算法,如模拟退火算法^[11]、Dijkstra 算法^[12]等。文献 [13] 利用改进模拟退火算法与共轭方向法对移动机器人全局路径规划进行求解;文献 [14] 在 Dijkstra 算法的基础上,从节约存储空间和提高运算效率方面进行改进,更好地解决了最短路径问题。虽然以上算法具有较好的路径规划能力,但是它们在复杂环境中难以得到高质量的路径。

在无人机路径规划问题中,对复杂的三维飞 行环境进行建模是至关重要的,且被证实为一个 NP-hard (non-deterministic poly nominal hard)问 题。无人机需要考虑基本约束条件(如长度、转 向角、时间、高度、俯仰角等),在保证安全的前 提下使飞行航线避开障碍物和危险区域[15]。 受自然界现象的启发,一系列的群体智能算法被 开发出来[16-17],如蚁群算法[18]、粒子群算法[19]、人 工鱼群算法[20]、细菌觅食优化算法[21]、灰狼算法[22] 等。文献[23-24]提出了一种双群学习粒子群算 法,并设计了一种维数学习策略,使两个群体分 别负责开发和探索,并应用于无人机路径规划问 题。文献 [25] 提出了一种新的元启发式算法, 模 仿自然界中灰狼的领导等级制度和狩猎机制。文 献[26-27]针对传统灰狼算法优化精度低等缺点, 构建混合灰狼算法,将其应用机器人路径规划 (robot path planning, RPP)问题。这些智能算法能 根据不同的搜索策略迅速找到有效途径,并不断 迭代获得最优路径。

为了获得 QUAV 飞行航迹的高质量解,针对现有算法容易陷入局部最优、收敛速度慢等问题,本文提出一种基于球面矢量和事件触发机制的改进灰狼优化算法。首先,通过球面矢量的仰角和方位角可以直接实现转弯和爬坡角的约束,进一步减少搜索空间,以提升搜索能力;其次,引入事件触发机制控制速度更新,确保在特定条件满足时能够自动触发,进行自适应加权速度更新,平衡算法的全局开发和局部搜索能力。

1 QUAV 三维航迹规划模型

为了实现 QUAV 高效执行既定任务,安全可

行的最优航迹路径需要根据外部环境和飞行约束条件进行提前规划。由于无人机是通过一个地面控制站 (ground control station, GCS) 来控制的, 所以一条飞行路径 P_i 是通过包含N个航迹点的列表来表示, 每个航迹点都对应于搜索地图中带有坐标的路径节点 $P_{i,j}(x_{i,j},y_{i,j},z_{i,j}), j=1,2,\cdots,N$ 。

1.1 环境建模

根据无人机的机动特性和相关飞行约束条件,本文引入球面矢量刻画飞行路径的生成,将一条飞行路径编码为一组球面矢量 $\{(r_{i,j},\varphi_{i,j},\theta_{i,j})\}$,其中 3 个分量分别为半径 $r_{i,j} \in (0,L)$ 、仰角 $\varphi_{i,j} \in \left(-\frac{\pi}{2},\frac{\pi}{2}\right)$ 和方位角 $\theta_{i,j} \in (-\pi,\pi)$,向量 $(r_{i,j},\varphi_{i,j},\theta_{i,j})$ 表示无人机从航迹点 $P_{i,j}(x_{i,j},y_{i,j},z_{i,j})$ 到下一个航迹点 $P_{i,i+1}(x_{i,i+1},y_{i,i+1},z_{i,i+1})$ 的运动,即 $P_{i,i}P_{i,i+1}$,如图 1 所示。

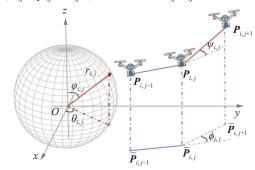


图 1 基于球面矢量的航迹生成原理

Fig. 1 Schematic diagram of spherical vector-based trajectory generation

因此,可以得到笛卡尔坐标系下各个航迹点 的分量表达式为

$$\begin{cases} x_{i,j+1} = x_{i,j} + r_{i,j} \sin \varphi_{i,j} \cos \theta_{i,j} \\ y_{i,j+1} = y_{i,j} + r_{i,j} \sin \varphi_{i,j} \sin \theta_{i,j} \\ z_{i,j+1} = z_{i,j} + r_{i,j} \cos \varphi_{i,j} \end{cases}$$
(1)

为了更准确地刻画实际飞行环境,本文采用数字高程模型 (digital elevation model, DEM)数字化表达地形表面形态,通过数字阵列信息模型 (x,y,z)实现对地面地形的数字化模拟,描述地理空间中的地形高低起伏。QUAV执行指定任务时,其飞行路径受到禁飞区、恶劣天气区域、信号弱、建筑物等障碍区域的影响。本文利用圆柱体模型模拟障碍区域,障碍区域建模效果如图 2。

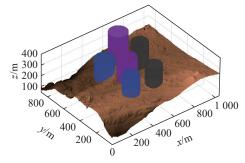


图 2 三维地形及障碍物示意 Fig. 2 3D terrain and obstacle schematic diagram

第k个障碍区域 $A_k(x,y,z)$ 的数学模型为

$$\begin{cases} (x - x_k)^2 + (y - y_k)^2 = R_k^2 \\ z \in [0, h_k] \end{cases}$$
 (2)

式中 (x_k, y_k) 、 R_k 和 h_k 分别代表第k个障碍区域的中心坐标、半径和障碍物高度。

此外,为了提高 QUAV 的飞行航迹规划效率 和减少航迹成本,对 QUAV 的指定工作区域进行 边界约束,即

$$\begin{cases} x_{i,j} \in [1, x_{\text{max}}] \\ y_{i,j} \in [1, y_{\text{max}}] \\ z_{i,j} \in [h_{\text{min}}(\text{DEM}, z), z_{\text{max}}] \end{cases}$$
(3)

式中: $(x_{i,j}, y_{i,j}, z_{i,j})$ 表示路径 P_i 中第j个航迹点的三维空间坐标, $(x_{max}, y_{max}, z_{max})$ 是指定空间区域的最大边界, $h_{min}(DEM, z)$ 表示基准地形的最低高度, DEM 是数学高层模型。

1.2 飞行航迹成本适应度函数

在 QUAV 三维航迹规划中,路径规划问题转 化为飞行航迹成本最优化问题,将飞行航迹总成 本函数作为适应度函数,则适应度值越小,飞行 路径的代价越小,路径选择越优。本文综合考虑 QUAV 飞行路径长度优化、路径平滑性、安全性 及可行性约束条件(包括飞行高度、碰撞以及无 人机姿态角约束)等关键指标,构建一种飞行航 迹成本适应度函数。

1.2.1 路径长度成本函数

路径长度对飞行时间和燃料消耗有直接的影响,是评估飞行航迹优劣的重要指标。假设每条飞行路径*P*;中有*N*个航迹点,根据航迹点坐标(式(1)),则路径长度成本函数可以表示为

$$F_1(P_i) = \sum_{i=1}^{N-1} || \mathbf{P}_{i,j} \mathbf{P}_{i,j+1} || = \sum_{i=1}^{N-1} r_{i,j}$$
 (4)

1.2.2 飞行高度成本函数

在执行任务时,既要避免与基准地形或障碍物发生碰撞,又要满足特定任务要求,如在测量和搜索任务中,需要机载摄像机在特定的分辨率和视野下收集视觉图像数据,从而限制飞行高度。也就是说,QUAV的飞行高度经常被限制在给定的范围内,记最小飞行高度 h_{min} 和最大飞行高度 h_{max} 。因此,相对于航迹点 $P_{i,j}$ 的高度成本函数可以定义为

$$f_{i,j}(\boldsymbol{P}_{i,j}) = \left\{ \begin{array}{l} \left| h_{i,j} - \frac{h_{\min} + h_{\max}}{2} \right|, \quad h_{\min} \leqslant h_{i,j} \leqslant h_{\max} \\ \infty, \quad \mbox{ if } \end{array} \right.$$

式中: $h_{i,j}$ 表示航迹点 $P_{i,j}$ 相对于地面的距离。可以看出, $f_{i,j}(P_{i,j})$ 能够反映实际飞行高度的成本, 并对超出范围的飞行高度进行惩罚。因此, 假设每条

飞行路径 P_i 中有N个航迹点,则飞行航迹的高度成本函数为

$$F_2(P_i) = \sum_{j=1}^{N} f_{i,j}(\mathbf{P}_{i,j})$$
 (6)

1.2.3 飞行威胁成本函数

除了路径和高度优化外,航迹规划还需要引导无人机绕过操作空间中的障碍区域,确保无人机的安全运行。设K为所有障碍区域威胁的集合,假设每个威胁都对应一个规定的圆柱体区域,其在O-xy平面上的投影为中心坐标 C_k 和半径 R_k ,对于给定路径 P_i 中的一条子路径 $P_{i,j}$ $P_{i,j+1}$,其在O-xy平面上的投影为 $\bar{P}_{i,j}$ $\bar{P}_{i,j+1}$,如图 3 所示,显然,相应的威胁成本与 QUAV 到威胁中心 C_k 的距离 d_i 成正比。

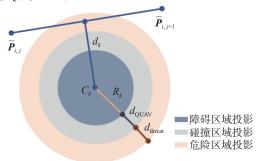


图 3 飞行威胁成本分析示意 Fig. 3 Flight threat cost analysis schematic

考虑 QUAV 的尺寸 d_{QUAV} 和威胁区域到碰撞区的距离 d_{threat} , 对于障碍区域集K和航迹子路径 $P_{i,j}P_{i,j+1}$ 之间的威胁成本 $T_k(P_{i,j}P_{i,j+1})$, $(k=1,2,\cdots,K)$ 可以定义为

$$T_{k}(\mathbf{P}_{i,j}\mathbf{P}_{i,j+1}) = \begin{cases} 0, & d_{k} \geqslant D \\ D - d_{k}, & d < d_{k} < D \\ \infty, & d_{k} \leqslant d \end{cases}$$
(7)

式中: $D = d_{\text{OUAV}} + d_{\text{threat}} + R_k, d = d_{\text{OUAV}} + R_k$ o

因此,该条路径的威胁成本函数可以表示为

$$F_3(P_i) = \sum_{i=1}^{N-1} \sum_{k=1}^{K} T_k(\mathbf{P}_{i,j} \mathbf{P}_{i,j+1})$$
 (8)

注1 在实际飞行路径规划过程中,需要注意的是 d_{QUAV} 由无人机尺寸决定,而距离 d_{threat} 取决于应用、操作环境和定位精度等因素。例如, d_{threat} 可以在具有良好 GPS 信号的静态环境中设定为几十米,或者在具有动态目标和弱定位 GPS 信号环境中设定为几百米[28]。

1.2.4 路径平滑成本函数

为了避免快速飞行时姿态角度变化过大造成不稳定或碰撞,需对 QUAV 转弯角和爬升角附加约束,以规划出相对平滑的航迹,提高适航性。因此,平滑成本评估生成可行路径的转弯率和爬

坡率是重要指标。

为了获得飞行航迹平滑成本, 先计算 QUAV 在各航迹子路径上的转弯角和爬升角。如图1所 示,转弯角 $\phi_{i,i}$ 是投影向量 $\bar{P}_{i,i-1}\bar{P}_{i,i}$ 和 $\bar{P}_{i,i}$ 之间的 夹角,即

$$\phi_{i,j} = \arctan\left(\frac{\|\bar{\boldsymbol{P}}_{i,j-1}\bar{\boldsymbol{P}}_{i,j} \times \bar{\boldsymbol{P}}_{i,j}\bar{\boldsymbol{P}}_{i,j+1}\|}{\bar{\boldsymbol{P}}_{i,i-1}\bar{\boldsymbol{P}}_{i,j} \times \bar{\boldsymbol{P}}_{i,j}\bar{\boldsymbol{P}}_{i,j+1}}\right)$$
(9)

类似地,如图1所示,爬升角ψ;;是航迹子路径 向量 $\bar{P}_{i,j}\bar{P}_{i,j+1}$ 与其投影向量 $\bar{P}_{i,j}\bar{P}_{i,j+1}$ 之间的夹角,即

$$\psi_{i,j} = \arctan\left(\frac{z_{i,j+1} - z_{i,j}}{\|\bar{\boldsymbol{P}}_{i,j}\bar{\boldsymbol{P}}_{i,j+1}\|}\right)$$
(10)

$$F_4(P_i) = p_1 \sum_{i=1}^{N-2} \phi_{i,j} + p_2 \sum_{i=1}^{N-1} |\psi_{i,j} - \psi_{i,j-1}|$$
 (11)

式中p1和p2分别是对转弯角和爬升角的惩罚系数。 1.2.5 航迹成本总体适应度函数

对于 OUAV 的三维航迹规划模型, 本文通过 自适应加权各成本函数获得总体适应度函数,进 而提升算法的效率和航迹最优性。优化过程中, 记录不同的最优个体的适应度值,根据其占总比 例来自适应调整总体适应度函数,避免适应度函 数过于单一或者过于复杂导致算法性能下降,从 而提高算法的鲁棒性和泛化能力。

综上分析,飞行航迹成本总体适应度函数可 以表示为

$$F(P_i) = \sum_{k=1}^{4} w_k F_k(P_i)$$
 (12)

式中: $w_k(k=1,2,3,4)$ 是自适应权重系数, 其表达 式为

$$w_k = \frac{1}{3} \left(1 - \frac{F_k(P_i)}{\sum_{k=1}^4 F_k(P_i)} \right)$$
 (13)

2 基于 ETGWO 的 QUAV 航迹规划

2.1 灰狼优化算法

灰狼优化算法 (grey wolf optimization, GWO), 受启发于自然界灰狼种群的领导层级和狩猎机 制,进行优化搜索。灰狼种群分层任务分为4种 类别, 如 α 、 β 、 δ 、 ω 用来模拟各个阶层 (如图 4 所示): α 狼为最优解; β 狼负责协助 α 狼群, 视为次 优解; δ 狼为末优解, 执行 α 、 β 狼的命令和决策, 适应度差的 α 、 β 狼自动降为 δ 狼; ω 狼作为候选 解,围绕三层狼群进行位置更新。灰狼种群围成 包围圈追逐猎物,最终攻击猎物。



图 4 灰狼群体的等级结构

Fig. 4 Hierarchical structure of gray wolf packs

灰狼种群包围猎物的过程可以通过位置更新 公式来实现:

$$D = C \cdot X_{p}^{t} - X^{t}$$

$$X^{t+1} = X_{p}^{t} - AD$$
(14)

$$\boldsymbol{X}^{t+1} = \boldsymbol{X}_{p}^{t} - A\boldsymbol{D} \tag{15}$$

式中:t为当前迭代次数,D表示灰狼和猎物之间 的距离。式(15)是灰狼个体三维位置更新公式, X_n' 和X'分别是猎物的位置向量和灰狼的位置向 量。A和C为确定的系数,其计算公式分别为

$$\begin{cases} A = 2a \cdot r_1 - a \\ C = 2r_2 \end{cases} \tag{16}$$

式中: r_1 、 r_2 是取值在[0,1]内的两个一维正态分布 分数,收敛因子a是一个平衡灰狼优化算法探索 和开发能力的关键参数。当猎物不移动时, 灰狼 种群会攻击猎物, A的取值受a的影响, 一般地, a的取值随着迭代次数的增大从2到0线性递减, 例如, 收敛因子a的表达式为

$$a = 2 - \frac{2t}{T_{\text{max}}} \tag{17}$$

式中: Tmax 为最大迭代次数, t为当前迭代次数。

注 2 若a的取值越大则灰狼越远离猎物,进 行全局搜索; 若a取值越小则灰狼越靠近猎物, 进 行局部搜索。

记 \mathbf{D}_{α} 、 \mathbf{D}_{β} 、 \mathbf{D}_{δ} 分别代表灰狼个体到 α 、 β 、 δ 狼的距离,则有

$$\begin{cases}
\mathbf{D}_{\alpha} = |C_{1} \cdot \mathbf{X}_{\alpha} - \mathbf{X}| \\
\mathbf{D}_{\beta} = |C_{2} \cdot \mathbf{X}_{\beta} - \mathbf{X}| \\
\mathbf{D}_{\delta} = |C_{3} \cdot \mathbf{X}_{\delta} - \mathbf{X}|
\end{cases}$$
(18)

根据式(15),进一步有灰狼个体位置更新方程:

$$\begin{cases}
X_1 = X_{\alpha} - A_1 \cdot \boldsymbol{D}_{\alpha} \\
X_2 = X_{\beta} - A_2 \cdot \boldsymbol{D}_{\beta} \\
X_3 = X_{\delta} - A_3 \cdot \boldsymbol{D}_{\delta}
\end{cases}$$
(19)

式中: X_1 、 X_2 、 X_3 分别代表在 α 、 β 、 δ 狼指导下灰 狼个体更新的位置,然后取三者的平均值表示灰 狼更新后的位置,即

$$X^{t+1} = \frac{X_1 + X_2 + X_3}{3} \tag{20}$$

2.2 事件触发 GWO 算法

本文将每条路径编码为一组球面矢量,每个 矢量描述 QUAV 从一个航迹点到另一个航迹点 的运动。因此,一条含有n个节点的飞行路径 P_i 可以表示为3n维的超球面矢量:

 $\mathbf{P}_{i} = (r_{i1}, \phi_{i1}, \theta_{i1}, r_{i2}, \phi_{i2}, \theta_{i2}, \cdots, r_{in}, \phi_{in}, \theta_{in}), n = N - 2 \quad (21)$

为了平衡算法的全局和局部搜索能力,引入基于事件触发机制^[29]的灰狼个体位置更新速度来改进 GWO 算法的位置更新策略。将灰狼个体的位置描述为飞行路径 P_i 中第 j个子路径,记为球面矢量 $S_{i,j} = (r_{i,j}, \phi_{i,j}, \theta_{i,j})$,定义位置更新速度为 $V_{i,j} = (\Delta r_{i,j}, \Delta \phi_{i,j}, \Delta \theta_{i,j})$ 。

注3 使用球面矢量的基本原理是通过矢量的幅度、高程和方位角分量与无人机速度、转弯角度和爬升角的关系,提高导航的安全性。因此,飞行航迹规划在构型空间而不是笛卡尔空间中寻找高质量解。此外,通过球面矢量直接实现转弯和爬坡角的约束,进一步减少搜索空间,以提升搜索能力。

2.2.1 改进的非线性收敛因子

原始 GWO 算法使用线性递减的控制参数 a, 但这种方法不能满足非线性或复杂搜索过程的 需求。因此, 学者们引入了非线性收敛因子^[30], 如

$$a = \begin{cases} 2 - \frac{15t}{2T_{\text{max}}}, & t \leq \frac{2T_{\text{max}}}{15} \\ 2 + \cos\left(\frac{15\pi}{27T_{\text{max}}}\left(t - \frac{2T_{\text{max}}}{15}\right) + \frac{\pi}{2}\right), & \text{ 其他} \end{cases}$$
(22)

显然,式(22)所生成的收敛因子在迭代前期线性递减,以快速开发全部区域,随后速度减慢,以提升局部搜索能力。

为了满足前期全局开发和局部搜索的要求, 本文采用一种非线性控制参数策略,非线性收敛 因子的表达式为

$$a = a_{\rm m} \left[1 - \left(\frac{e^{\frac{t}{T_{\rm max}}} - 1}{e - 1} \right)^{\kappa} \right] \tag{23}$$

式中: a_m 为收敛因子的初始值; k为调节参数, 一般在 (0,10] 内取值。

2.2.2 改进的 GWO 算法

为了减少计算成本并提高飞行航迹规划效率,引入事件触发机制控制速度更新,通过设置合适条件,确保在特定条件满足时能够自动触发速度更新。

记第t次迭代时 α 、 β 和 δ 狼的适应度值分别为 $E_1 = F(\alpha), E_2 = F(\beta)$ 和 $E_3 = F(\delta), E = \sum_{l=1}^{3} E_l$,则速度 更新的自适应权重系数 τ_l 可以表示为

$$\tau_l = \frac{E - E_l}{2E}, \quad l = 1, 2, 3 \tag{24}$$

从而,可以定义位置更新速度的表达式为

$$V_{i,j}^{t+1} = \lambda V_{i,j}^t + \tau_1 r_1 (S_1 - S_{i,j}^t) + \tau_2 r_2 (S_2 - S_{i,j}^t) + \tau_3 r_3 (S_3 - S_{i,j}^t)$$
(25)

式中: λ 为惯性权重, r_1 、 r_2 、 r_3 是[0,1]的随机数, S_1 、 S_2 、 S_3 为第t次迭代时灰狼个体受 α 、 β 和 δ 狼指导之后更新的位置, 其计算方法见式 (19)。

考虑到 QUAV 三维航迹规划的基本原则是要使得飞行航迹成本的总体适应度值尽可能小,因此,可以通过比较迭代前后 α 狼的总体适应度值来选择是否进行速度更新。定义相邻两次迭代 α 狼的总体适应度值之间的差值为

$$e = F'(\alpha) - F^{t-1}(\alpha), \quad t \in [2, T_{\text{max}}]$$
 (26)
式中: $F'(\alpha)$ 和 $F^{t-1}(\alpha)$ 分别为第 t 次和第 $t-1$ 次迭代
时 α 狼的总体适应度值。

因此,结合式 (25) 和 (26),设计基于事件触发 机制的灰狼个体位置更新速度为

$$V_{i,j}^{t+1} = \begin{cases} V_{i,j}^{t+1}, & e = 0 \\ V_{i,j}^{t}, & e \neq 0 \end{cases}$$
 (27)

进而,可以得到灰狼个体的位置更新方程:

$$S_{i,j}^{t+1} = S_{i,j}^{t} + V_{i,j}^{t+1}$$
 (28)

2.3 算法实现

本文所提出的 ETGWO 算法与其他变型 GWO 算法结构相似,包括参数初始化、灰狼个体生成和群演化,但在灰狼个体位置更新方程上不同。通过引入基于事件触发机制的位置更新速度,改进灰狼个体的位置更新策略。下面为 ETGWO 算法的伪代码。

输入 灰狼种群S,种群个体数量 N_s ,问题维数 D_s ,最大迭代次数 T_{max} ,约束条件C。

算法描述

初始化 获取搜索地图和初始路径规划信息;

for i=1: N_s do for j=1: D_s do

初始化灰狼种群;

end for

end for

计算灰狼个体适应度值, 并选出 α 、 β 、 δ 狼; While $t < T_{max}$ do

根据式 (23) 更新收敛因子 a;

for $i=1:N_z$ do

for $j=1:D_z$ do

根据式 (18) 和 (19) 计算 S_1 、 S_2 、 S_3 ;

根据式(26)计算事件触发条件 e;

If e = 0 then 根据式 (25) 计算 $V_{i,j}^{t+1}$;

else 停止更新速度, 即 $V_{i,j}^{t+1} = V_{i,j}^t$; end if 根据式 (28) 更新灰狼个体位置;

end for

77 ZU 12

end for

重新计算适应度值,并更新 α 、 β 、 δ 狼;

end while

算法结束:

输出 全局最优解。

3 仿真实验与对比分析

为了评估本文所提出的 ETGWO 算法的飞行 航迹规划性能,将 ETGWO 算法与线性收敛因子 GWO 算法 (sine-based linear grey wolf optimizer, SLGWO)、非线性收敛因子 GWO 算法 (sine-based nonlinear grey wolf optimizer, SNGWO)、粒子群-灰 狼混合算法 (sine-enhanced hybrid grey wolf optimizer, SHGWO)3 种改进的 GWO 算法在相同环境下进行对比仿真实验。仿真实验环境: Intel(R) Core(TM) i7-1165G7 处理器、16 GB RAM 配置计算机, Windows 10 操作系统 (64 位)。

3.1 场景设置

用于评估的场景是基于由激光雷达传感器衍生的真实 DEM 地图。航迹规划操作空间为 $1000\,\mathrm{m}\times 850\,\mathrm{m}\times 400\,\mathrm{m}$, 其中包括基准地形和障碍区域,障碍区域用 6 个不同颜色的圆柱体表示,障碍区域参数为(x,y,z): {(380,250,150), (400,600,100), (500,450,150), (600,250,150), (650,750,150), (700,550,150)}, 半径R: {70,80,80,70,80,70}, 起点坐标为(100,100,100), 终点坐标为(800,800,150)。

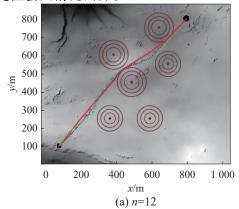
3.2 实验结果对比分析

为了确保比较分析的公平性,所有变型 GWO 算法采用相同的参数集:灰狼种群个体数为 500,最大迭代次数为 200。在比较实验中,所有算法均运行 20次,获得相应平均值 (Mean)和标准差值 (Std)。在对比实验中,分别设置航迹点个数为n=12和n=22,对应的航迹子路径线段分别为10个和 20个。所有算法都能够快速收敛,但其适应度值不同,表 1 结果也验证了 ETGWO 算法的优越性能。

表 1 各算法生成航迹路径的适应度值
Table 1 Fitness values of paths generated by each algorithm

n = 12			n = 22		
算法	Mean	Std	算法	Mean	Std
ETGWO	764.57	14.27	ETGWO	763.09	8.26
SHGWO	767.20	12.68	SHGWO	767.46	8.58
SNGWO	807.32	32.26	SNGWO	801.07	17.94
SLGWO	831.24	46.28	SLGWO	802.49	11.58

图 5 给出了生成的路径俯视图,可以看出,所有算法都能生成满足路径长度、威胁、转弯角度、攀爬、俯冲角度和高度要求的可行路径,但它们的最优性会因情况而异。



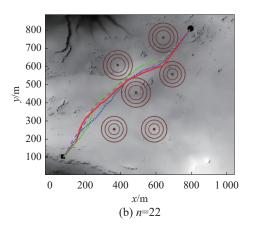
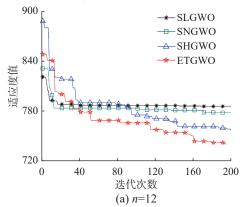


图 5 规划路径俯视图 Fig. 5 Top view of the planned path

图 6 给出了 ETGWO 算法以及其他对比算法的规划路径成本适应度值。无论设置多少航迹点, SLGWO 和 SNGWO 算法产生的路径虽然快速收敛, 但适应度值不再减小, 且 SHGWO 算法的性能在中后期始终 ETGWO 差。可以看出, ETGWO 算法的性能最好, 因为它可以在灰狼个体属性和无人机的参数之间建立直接映射, 从而在探索搜索空间时获得优势。图 7 给出了规划路径的三维视图, 航迹点的数量不影响路径光滑有效, 且飞行高度适合。



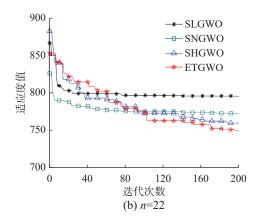
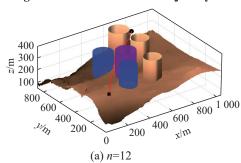


图 6 飞行航迹成本适应度值 Fig. 6 Fitness values of the trajectory cost



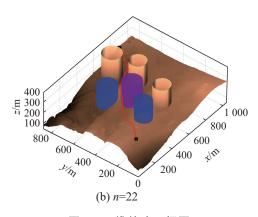


图 7 三维航迹正视图 Fig. 7 Front view of the 3D trajectory

综上所述,改进算法 ETGWO 能有效克服灰 狼算法参数敏感和容易快速收敛到某个局部最优 解的缺点。基于此,利用改进的事件触发灰狼优 化算法规划路径能有效降低局部最优产生的概 率,且能得到更短的路径长度、更好的环境适应 性能以及更优的运行时间等。

4 结束语

针对灰狼算法在三维飞行航迹规划时参数敏感且容易陷入局部最优的问题,提出了一种新的事件触发 GWO 算法 (ETGWO),并将该算法应用于 QUAV 三维路径规划。通过利用球面矢量描述飞行航迹的生成,保证所生成路径的安全性和可行性。飞行航迹成本函数的设计融合了航迹最

优性以及安全性和可行性相关的约束条件。基于无人机的固有运动分量与搜索空间之间的对应关系,利用 ETGWO 算法进行航迹最优解的开发与搜索,在一定程度上削弱了参数敏感。对由 DEM 地图生成的基准测试场景及障碍区域进行飞行航迹规划的对比分析,实验结果表明 ETGWO 在大多数场景中都获得了最佳的高质量路径,并具有稳定的收敛性,与其他变型 GWO 算法的比较也证实了 ETGWO 具有更优越的规划性能。此外,三维空间环境复杂多变,如何使 QUAV 准确跟踪规划路径还有待进一步深入研究。

参考文献:

- [1] EL HAMMOUTI H, HAMZA D, SHIHADA B, et al. The optimal and the greedy: drone association and positioning schemes for Internet of UAVs[J]. IEEE internet of things journal, 2021, 8(18): 14066–14079.
- [2] MASROOR R, NAEEM M, EJAZ W. Efficient deployment of UAVs for disaster management: a multi-criterion optimization approach[J]. Computer communications, 2021, 177: 185–194.
- [3] WU Yu, WU Shaobo, HU Xinting. Cooperative path planning of UAVs & UGVs for a persistent surveillance task in urban environments[J]. IEEE internet of things journal, 2021, 8(6): 4906–4919.
- [4] CUI Guozeng, XU Hui, YU Jinpeng, et al. Fixed-time distributed adaptive attitude control for multiple QUAVs with quantized input[J]. Applied mathematics and computation, 2023, 449: 127933.
- [5] KHALID A, MUSHTAQ Z, ARIF S, et al. Control schemes for quadrotor UAV: taxonomy and survey[J]. ACM computing surveys, 2024, 56(5): 1–32.
- [6] JIANG Wei, LYU Yongxi, LI Yongfeng, et al. UAV path planning and collision avoidance in 3D environments based on POMPD and improved grey wolf optimizer[J]. Aerospace science and technology, 2022, 121: 107314.
- [7] AN V, QU Zhihua, CROSBY F, et al. A triangulation-based coverage path planning[J]. IEEE transactions on systems, man, and cybernetics: systems, 2020, 50(6): 2157–2169.
- [8] RASEKHIPOUR Y, KHAJEPOUR A, CHEN S K, et al. A potential field-based model predictive path-planning controller for autonomous road vehicles[J]. IEEE transactions on intelligent transportation systems, 2017, 18(5): 1255–1267.
- [9] KARAMAN S, WALTER M R, PEREZ A, et al. Anytime motion planning using the RRT[C]//2011 IEEE International Conference on Robotics and Automation. Shanghai: IEEE, 2011: 1478–1483.
- [10] 郭娜, 李彩虹, 王迪, 等. 结合预测和模糊控制的移动机器人路径规划[J]. 计算机工程与应用, 2020, 56(8): 104–109.
 GUO Na, LI Caihong, WANG Di, et al. Path planning of mobile robot based on prediction and fuzzy control[J].
 Computer engineering and applications, 2020, 56(8): 104–109.
- [11] SELIM S Z, ALSULTAN K. A simulated annealing al-

- gorithm for the clustering problem[J]. Pattern recognition, 1991, 24(10): 1003–1008.
- [12] DENG Yong, CHEN Yuxin, ZHANG Yajuan, et al. Fuzzy Dijkstra algorithm for shortest path problem under uncertain environment[J]. Applied soft computing, 2012, 12(3): 1231–1237.
- [13] DIJKSTRA E W. A note on two problems in connexion with graphs[J]. Numerische mathematik, 1959, 1(1): 269–271.
- [14] SHI Kun, WU Zhengtian, JIANG Baoping, et al. Dynamic path planning of mobile robot based on improved simulated annealing algorithm[J]. Journal of the Franklin institute, 2023, 360(6): 4378–4398.
- [15] AGGARWAL S, KUMAR N. Path planning techniques for unmanned aerial vehicles: a review, solutions, and challenges[J]. Computer communications, 2020, 149: 270–299.
- [16] 杨旭, 王锐, 张涛. 面向无人机集群路径规划的智能优化算法综述[J]. 控制理论与应用, 2020, 37(11): 2291-2302.
 - YANG Xu, WANG Rui, ZHANG Tao. Review of unmanned aerial vehicle swarm path planning based on intelligent optimization[J]. Control theory & applications, 2020, 37(11): 2291–2302.
- [17] TANG Jun, LIU Gang, PAN Qingtao. A review on representative swarm intelligence algorithms for solving optimization problems: applications and trends[J]. IEEE/CAA journal of automatica sinica, 2021, 8(10): 1627–1643.
- [18] 辛建霖, 左家亮, 岳龙飞, 等. 基于改进启发式蚁群算法的无人机自主航迹规划[J]. 航空工程进展, 2022, 13(1): 60-67.
 - XIN Jianlin, ZUO Jialiang, YUE Longfei, et al. Autonomous path planning for unmanned aerial vehicle(UAV) based on improved heuristic ant colony algorithm[J]. Advances in aeronautical science and engineering, 2022, 13(1): 60–67.
- [19] KENNEDY J, EBERHART R. Particle swarm optimization[C]//Proceedings of ICNN'95 International Conference on Neural Networks. Perth: IEEE, 1995: 1942–1948.
- [20] 张毅, 杨光辉, 花远红. 基于改进人工鱼群算法的机器 人路径规划[J]. 控制工程, 2020, 27(7): 1157-1163. ZHANG Yi, YANG Guanghui, HUA Yuanhong. Robot path planning based on improved artificial fish swarm algorithm[J]. Control engineering of China, 2020, 27(7): 1157-1163.
- [21] 魏永超, 邓岚, 李涛, 等. 采用改进细菌觅食优化算法的 无人机航迹规划[J]. 电讯技术, 2021, 61(5): 560-566. WEI Yongchao, DENG Lan, LI Tao, et al. UAV track planning with improved bacterial foraging optimization algorithm[J]. Telecommunication engineering, 2021, 61(5): 560-566.
- [22] HEWAWASAM H S, IBRAHIM M Y, APPUHAMIL-LAGE G K. Past, present and future of path-planning algorithms for mobile robot navigation in dynamic environments[J]. IEEE open journal of the industrial electronics society, 2022, 3: 353–365.
- [23] PHUNG M D, HA Q P. Safety-enhanced UAV path planning with spherical vector-based particle swarm optimization[J]. Applied soft computing, 2021, 107: 107376.
- [24] XU Guiping, CUI Quanlong, SHI Xiaohu, et al. Particle

- swarm optimization based on dimensional learning strategy[J]. Swarm and evolutionary computation, 2019, 45: 33–51.
- [25] MIRJALILI S, MIRJALILI S M, LEWIS A. Grey wolf optimizer[J]. Advances in engineering software, 2014, 69: 46-61.
- [26] 王永琦, 江潇潇. 基于混合灰狼算法的机器人路径规划 [J]. 计算机工程与科学, 2020, 42(7): 1294-1301. WANG Yongqi, JIANG Xiaoxiao. Robot path planning using a hybrid grey wolf optimization algorithm[J]. Computer engineering & science, 2020, 42(7): 1294-1301.
- [27] 曹梦龙, 赵文彬, 陈志强. 融合粒子群算法与改进灰狼 算法的机器人路径规划[J]. 系统仿真学报, 2023, 35(8): 1768-1775. CAO Menglong, ZHAO Wenbin, CHEN Zhiqiang. Robot path planning by fusing particle swarm algorithm and improved grey wolf algorithm[J]. Journal of system simu-
- lation, 2023, 35(8): 1768–1775.

 [28] YU Zhenhua, SI Zhijie, LI Xiaobo, et al. A novel hybrid particle swarm optimization algorithm for path planning of UAVs[J]. IEEE internet of things journal, 2022, 9(22): 22547–22558.
- [29] YAN Ziwei, HAN Liang, LI Xiaoduo, et al. Event-Triggered formation control for time-delayed discretetime multi-agent system applied to multi-UAV formation flying[J]. Journal of the Franklin Institute, 2023, 360(5): 3677–3699.
- [30] 王海群, 邓金铭, 张怡, 等. 基于改进混合灰狼优化算法的无人机三维路径规划[J]. 无线电工程, 2024, 54(4): 918–927. WANG Haiqun, DENG Jinming, ZHANG Yi, et al. UAV 3D path planning based on improved hybrid grey wolf optimization algorithm[J]. Radio engineering, 2024, 54(4): 918–927.

作者简介:



秦冬燕, 硕士研究生, 主要研究方向为四旋翼无人机路径规划。E-mail: 2671812444@qq.com。



闫晓辉, 教授, 主要研究方向为非 线性系统控制、无人系统智能控制、 轨迹规划。发表学术论文 30 余篇。 E-mail: xhyan@hfuu.edu.cn。



邵桂伟,副教授,主要研究方向为 算法、强化学习与优化控制。E-mail: shaoguiwei@hfuu.edu.cn。