DOI:10.3969/j.issn.1673-4785.201404024

网络出版地址:http://www.cnki.net/kcms/detail/23.1538.tp.20150507.1135.001.html

改进 RBPF 的移动机器人同步定位与地图构建

罗元,余佳航,汪龙峰,王运凯

(重庆邮电大学 国家信息无障碍工程研发中心,重庆 400065)

摘 要:传统 Rao-Blackwellized 粒子滤波器(RBPF)在移动机器人同步定位与地图构建(SLAM)研究中,存在算法复杂 度过高、占用内存空间过多导致实时性不理想的问题,因此提出一种改进算法。在某一特定状态的一组粒子集中,粒子 的统计特性是一致的,改进算法从中选取一个代表粒子,进行卡尔曼更新步骤,并在同一粒子集中重复使用。同时结合 Gmapping 算法的建议分布和自适应重采样技术。实际 Pioneer III 移动机器人在机器人操作系统(ROS)平台上进行的 实验表明,该方法在保证栅格地图精度的同时能提高系统的实时性,降低复杂度,提高运算速度。

关键词:移动机器人;Rao-Blackwellized 粒子滤波器;同步定位与地图构建(SLAM);Gmapping 算法;自适应重采样技术 中图分类号:TP242.6 文献标志码:A 文章编号:1673-4785(2015)03-0460-05

中文引用格式:罗元,余佳航,汪龙峰,等.改进 RBPF 的移动机器人同步定位与地图构建[J].智能系统学报,2015,10(3):460-464.

英文引用格式:LUO Yuan, YU Jiahang, WANG Longfeng, et al. Simultaneous localization and mapping of an improved RBPF based mobile robot [J]. CAAI Transactions on Intelligent Systems, 2015, 10(3):460-464.

Simultaneous localization and mapping of an improved RBPF based mobile robot

LUO Yuan, YU Jiahang, WANG Longfeng, WANG Yunkai

(National Information Accessibility Engineering Research & Development Center, Chongqing University of Posts and Telecommunications, Chongqing 400065, China)

Abstract: As in the research of simultaneous localization and mapping (SLAM) of mobile robot applying traditional Rao-Blackwellized particle filter, the computational complexity is too high and memory space usage is too large, which causes poor real-time performance, an improved approach is proposed. Among a group of particles gathering in a particular state, the statistical properties of particles are identical. By applying the Kalman updating step to one representative particle in the group of particles, and using it repeatedly in the same group, the complexity is reduced and arithmetic speed is improved. Combining the proposed distribution and adaptive resampling methods from the Gmapping algorithm, the results of actual experiment carried out with Pioneer III robot and ROS platform illustrate that the real-time performance of the proposal could be enhanced while ensuring the quality of grid map. **Keywords**: mobile robot; Rao-Blackwellized particle filter; simultaneous localization and mapping (SLAM); Gmapping algorithm; adaptive resampling methods

同步定位与地图构建(simultaneous localization and mapping, SLAM)最先是由 Smith 等提出来

通信作者:余佳航. E-mail: tracy_the_1@126.com.

的^[1],指移动机器人从一个未知的位置出发,在运动过程中利用传感器对环境的观测递增地建立地图,同时根据已建立的地图同步确定自己的位置。 十多年来,SLAM问题仍然是机器人研究领域的热点^[2]。

收稿日期:2014-04-15. 网络出版日期:2015-05-07. 基金项目:国家自然科学基金资助项目(51075420);重庆市教委科学 技术研究项目(KJ120519).

目前 SLAM 问题的解决方法以概率估计为主, 主要分为基于卡尔曼滤波(KF)的算法和基于粒子 滤波(PF)的算法。其中,基于 EKF 的 SLAM 算 法^[3]的研究最早开始于 1986 年,虽然计算速度快, 但此类算法存在难以解决的数据关联问题,目计算 量过大、精度不高。UKF 不需要进行雅可比矩阵计 算、计算量小。而在实际应用时,系统噪声相关信息 的不确定性都会影响 UKF 滤波的精度,并且主要参 数和滤波增益不能在线调整,缺乏自适应能力^[4]。 近年来,基于粒子滤波的方法正逐渐成为研究 SLAM 的热点。相对于 KF 及其衍生算法, PF 的优 点在于能有效处理非线性非高斯分布的状态估计问 题。Doucet 等^[5]提出有效解决 SLAM 问题的 Rao-Blackwellized 粒子滤波器(RBPF)方法。每一个粒 子代表机器人一种可能的运动轨迹,同时每一个粒 子都具有自己的全局地图,它们和该粒子的轨迹相 对应。因此该算法能够较好地近似移动机器人位姿 和环境地图的联合概率密度。但当粒子数目增多、 环境地图的尺寸增大时,算法会占用大量的内存空 间,而且重采样过程中,全局地图进行拷贝需要占用 大量的内存空间[6]。因此,降低计算复杂度以及减 少构建精确地图所需的粒子数成为此类方法需要重 点解决的问题。Griseti 等^[7]通过改进建议分布和引 入自适应重采样机制提高该算法的执行效率。

2010年 Willow Garage 公司发布了开源机器人 操作系统(robot operating system, ROS),由于其具 有点对点设计、不依赖编程语言、开源等优点,很快 在机器人领域展开学习和使用 ROS 的热潮^[8]。在 ROS 中,Griseti 等的算法被制作成一个名为 Gmapping 的 SLAM 功能包^[9],使用激光测距仪可以建立 精度较高的二维栅格地图,但其实时性仍有待提高。 本文在此基础上提出了一种降低复杂度的改进算 法,在 RBPF 的卡尔曼更新步骤中,从一组粒子里选 取一个代表粒子进行更新,避免计算所有粒子。通 过在配有激光测距仪的 Pioneer III 机器人上的实验 来验证该算法的有效性。

1 RBPF 与地图构建

1.1 Rao-Blackwellized 变换

在 SLAM 问题中, Rao-Blackwellized 变换可理解 为将联合后验概率分解为对路径的后验概率和在给 定路径的情况下对地图的后验概率^[10]。具体分解 如式(1):

$$p(\mathbf{x}_{1:t}, \mathbf{m} \mid \mathbf{z}_{1:t}, \mathbf{u}_{1:t-1}) = p(\mathbf{m} \mid \mathbf{x}_{1:t}, \mathbf{z}_{1:t}) \cdot p(\mathbf{x}_{1:t} \mid \mathbf{z}_{1:t}, \mathbf{u}_{1:t-1})$$
(1)

式中: x 为机器人运动轨迹, m 为地图, z 为观测信息, u 为里程计信息。计算 $p(x_{1:t} | z_{1:t}, u_{1:t-1})$ 可以使用粒子滤波算法,每一个粒子代表机器人可能的轨迹。对于 $p(m | x_{1:t}, z_{1:t})$,在求得 $p(x_{1:t} | z_{1:t}, u_{1:t-1})$ 之后可以使用卡尔曼滤波算法进行分析性计算。

1.2 使用 RBPF 进行地图构建

如 1.1 小节所述, RBPF 可以分为粒子滤波和卡 尔曼滤波两部分。

1.2.1 粒子滤波部分

粒子滤波是一种马尔可夫链蒙特卡罗算法,用 一系列样本(粒子)来估计未知状态^[11]。通过重要 性采样原则,第*i*个样本的概率可以用重要性权值 ω_i^i 表示。

$$\tilde{\omega}(\mathbf{x}_{1,t}) = \frac{p(\mathbf{x}_{1,t} \mid \mathbf{z}_{1;t}, \mathbf{u}_{1;t-1})}{\pi(\mathbf{x}_{1,t} \mid \mathbf{z}_{1;t}, \mathbf{u}_{1;t-1})}$$
(2)

式中: $\pi(\mathbf{x}_{1,i} \mid \mathbf{z}_{1,i}, \mathbf{u}_{1,i-1})$ 称作重要性函数或者建议 分布。归一化后的重要性权值为

$$\boldsymbol{\omega}_{t}^{(i)} = \frac{\tilde{\boldsymbol{\omega}}(\boldsymbol{x}_{1:t}^{(i)})}{\sum_{j=1}^{N} \tilde{\boldsymbol{\omega}}(\boldsymbol{x}_{1:t}^{(j)})}$$
(3)

归一化权值 $\omega_{\iota}^{(i)}$ 与样本 { $x_{1;\iota}^{(i)}, m^{(i)}$ } 共同决定 后验概率分布 $p(x_{\iota}, m \mid z_{1;\iota}, u_{1;\iota-1})$ 。 假定用 N 个带 有权值的样本 { $(x_{1;\iota}^{(i)}, m^{(i)}), \omega_{\iota}^{(i)}$ } 表示后验分布 $p(x_{1;\iota}, m \mid z_{1;\iota}, u_{1;\iota-1}), 则$

$$\widetilde{P}_{N}(\boldsymbol{x}_{1:t}, \boldsymbol{m} \mid \boldsymbol{z}_{1:t}, \boldsymbol{u}_{1:t-1}) = \sum_{i=1}^{N} \omega_{i}^{(i)} \delta_{\boldsymbol{x}_{1:t}^{(i)}, \boldsymbol{m}}(\boldsymbol{x}_{1:t}, \boldsymbol{m})$$
(4)

式中: $\delta_{(.)}(\cdot)$ 表示 Dirac 函数。如果假设用 N 个带 有权值的样本 { $x_{1:t}^{(i)}, \omega_t^{(i)}$ } 表示路径的后验概率 密度 $p(x_{1:t} | z_{1:t}, u_{1:t-1})$,则

$$\vec{P}_{N}(\boldsymbol{x}_{1:t} \mid \boldsymbol{z}_{1:t}, \boldsymbol{u}_{1:t-1}) = \sum_{i=1}^{N} \omega_{t}^{(i)} \delta_{\boldsymbol{x}_{1:t}^{(i)}}(\boldsymbol{x}_{1:t}) \quad (5)$$

由此 地图的后验概率可估質为

$$\widetilde{P}_{N}(\boldsymbol{m} | \boldsymbol{z}_{1:t}, \boldsymbol{u}_{1:t-1}) = \sum_{i=1}^{N} \omega_{t}^{(i)} p(\boldsymbol{m} | \boldsymbol{z}_{1:t}, \boldsymbol{u}_{1:t-1}, \boldsymbol{x}_{1:t}^{(i)})$$
(6)

可以使用一组 N 个卡尔曼滤波器进行分析性计算, 每个粒子使用一个卡尔曼滤波器^[12]。

标准 RBPF 算法中的粒子滤波由以下 3 步组成,其中 $\tilde{p}_{i}^{(i)}$ 表示第i个粒子。

1)蒙特卡罗步骤:RBPF 算法中的蒙特卡罗步骤包括从先验分布中采样:

$$\widetilde{\boldsymbol{x}}_{\iota}^{(i)} = P(\boldsymbol{x}_{\iota} \mid \boldsymbol{x}_{\iota-1}^{(i)})$$
(7)

虽然计算是为了得到 $\mathbf{x}_{\iota}^{(i)}$,但每个粒子 $\mathbf{p}_{\iota}^{(i)}$ 都包含 了轨迹和地图的信息,分别由 $\mathbf{x}_{\iota}^{(i)}$ 和 $\mathbf{\hat{\Sigma}}_{\iota}^{(i)}$ 表示。 • 462 •

2) 序贯重要性采样步骤:包括计算式(5) 中的 $p(\mathbf{x}_{1:t} | \mathbf{z}_{1:t}, \mathbf{u}_{1:t-1})$ 。如果把先验分布当作重要性函数,例如 $\pi(\mathbf{x}_{1:t} | \mathbf{z}_{1:t}, \mathbf{u}_{1:t-1}) = P(\mathbf{x}_t | \mathbf{x}_{t-1})$,从而可以 递归计算:

 $\tilde{\omega}_{\iota}^{(i)} \propto \tilde{\omega}_{\iota-1}^{(i)} p(z_{\iota}, u_{\iota} | z_{1;\iota-1}, u_{\iota;\iota-2}, \tilde{x}_{\iota}^{(i)})$ (8) 式中: $p(z_{\iota}, u_{\iota} | z_{1;\iota-1}, u_{1;\iota-2}, \tilde{x}_{\iota}^{(i)})$ 为相似函数。在算 法实现中, t - 1时刻重采样后如果传播粒子权值相 同,可以省去 $\omega_{\iota-1}^{i}$ 。

3)重采样步骤:舍弃低权值粒子,保留高权值 粒子。

1.2.2 卡尔曼滤波部分

通过粒子滤波部分采样 x⁽ⁱ⁾ 之后,卡尔曼滤波 负责更新地图 m 的均值和方差。

$$\mu_{tlt-1}^{(i)} = A(\mathbf{x}_{t}^{(i)}) \mu_{t-1|t-1}^{(i)} + F(\mathbf{x}_{t}^{(i)}) u_{t}$$

$$\Sigma_{tlt-1}^{(i)} = A(\mathbf{x}_{t}^{(i)}) \Sigma_{t-1|t-1}^{(i)} A(\mathbf{x}_{t}^{(i)})^{\mathrm{T}} + B(\mathbf{x}_{t}^{(i)}) B(\mathbf{x}_{t}^{(i)})^{\mathrm{T}}$$

$$S_{t}^{(i)} = C(\mathbf{x}_{t}^{(i)}) \Sigma_{tlt-1}^{(i)} C(\mathbf{x}_{t}^{(i)})^{\mathrm{T}} + D(\mathbf{x}_{t}^{(i)}) D(\mathbf{x}_{t}^{(i)})^{\mathrm{T}}(\mathbf{z}_{tlt-1}^{(i)}, \mathbf{u}_{tlt-1}^{(i)}) = C(\mathbf{x}_{t}^{(i)}) \mu_{tlt-1}^{(i)} + G(\mathbf{x}_{t}^{(i)}) u_{t}$$

$$\mu_{t}^{(i)} = \mu_{tlt-1}^{(i)} + L$$

$$\Sigma_{tlt-1}^{(i)} C(\mathbf{x}_{t}^{(i)})^{\mathrm{T}} S_{t}^{-1(i)} ((\mathbf{z}_{t}, \mathbf{u}_{t-1}) - (\mathbf{z}_{tlt-1}^{(i)}, \mathbf{u}_{tlt-2}^{(i)}))$$

$$\Sigma_{t}^{(i)} = \Sigma_{tlt-1}^{(i)} - \Sigma_{tlt-1}^{(i)} C(\mathbf{x}_{t}^{(i)})^{\mathrm{T}} S_{t}^{-1(i)} C(\mathbf{x}_{t}^{(i)}) \Sigma_{tl-1}^{(i)}$$

$$\vec{x} \div :$$

$$\boldsymbol{\mu}_{t|t-1} \stackrel{\Delta}{=} E\{\boldsymbol{m}_{t} \mid \boldsymbol{z}_{1:t-1}, \boldsymbol{u}_{1:t-2}\}$$
$$\boldsymbol{\mu}_{t} \stackrel{\Delta}{=} E\{\boldsymbol{m}_{t} \mid \boldsymbol{z}_{1:t}, \boldsymbol{u}_{1:t-1}\}$$
$$\boldsymbol{\Sigma}_{t|t-1} \stackrel{\Delta}{=} \operatorname{cov}(\boldsymbol{m}_{t} \mid \boldsymbol{z}_{1:t-1}, \boldsymbol{u}_{1:t-2})$$
$$\boldsymbol{\Sigma}_{t} \stackrel{\Delta}{=} \operatorname{cov}(\boldsymbol{m}_{t} \mid \boldsymbol{z}_{1:t}, \boldsymbol{u}_{1:t-1})$$

 $\boldsymbol{S}_{t} \stackrel{\Delta}{=} \operatorname{cov}((\boldsymbol{z}_{t}, \boldsymbol{u}_{t}) \mid \boldsymbol{z}_{1;t-1}, \boldsymbol{u}_{1;t-2})$

通过在均值和方差更新步骤使用卡尔曼滤波器,RBPF 算法的估算精度能得到较大提高。然后, RBPF 算法需要对每一个粒子使用卡尔曼滤波器, 当有大量粒子时计算复杂度会急剧增加。

2 改进 RBPF 算法

标准 RBPF 中需对每一个存活粒子 $i, p_i^{(i)}$ 进行 卡尔曼更新,包括重复计算 $\mu_i^{(i)}$ 和 $\Sigma_i^{(i)}$,然后再循 环步骤重复计算逆矩阵 $S_i^{-1(i)}$,这将导致计算量巨 大。在粒子滤波部分的重采样步骤中,高权值粒子 决定机器人更可能的位置。这一步骤中,粒子聚集 在一些特殊位置。然后在 RB 变换中,粒子像集 在一些特殊位置。然后在 RB 变换中,粒子估计的 状态是离散的。这说明聚集在离散状态的粒子群分 布在有限空间中。因此,所有粒子的统计特性,例如 $\mu_i^{(i)}$ 和 $\Sigma_i^{(i)}$ 是一致的,只需其中之一作为代表来进 行卡尔曼滤波步骤。最终改进 RBPF 算法只需用 *K* 个卡尔曼滤波器(*K* < *N*)计算 $\mu_i^{(i)}$ 和 $\Sigma_i^{(i)}$ 更新不 同位置的粒子。

通过在必要时更新 $\mu_{\iota}^{(i)}$ 和 $\Sigma_{\iota}^{(i)}$ 并在同一粒子群 中重复使用,在粒子数中等或者大量时,例如100 $\leq N \leq 1000$,时间和计算消耗能明显减小。当粒子数 相对小时,例如 $N \leq 10$,改进 RBPF 算法相对标准 RBPF 的优势不明显。2 种算法对比如下:

1)标准 RBPF 的卡尔曼更新步聚:

for i = 1 to N do

$$\boldsymbol{L}^{(i)} = \{ \boldsymbol{x} \mid p(\boldsymbol{z}_{t} \mid \boldsymbol{m}_{t-1}^{(i)}, \boldsymbol{x}) > \boldsymbol{\varepsilon} \}$$

$$\boldsymbol{L}^{(i)} = \{ \boldsymbol{x} \mid p(\boldsymbol{z}_{t} \mid \boldsymbol{m}_{t-1}^{(i)}, \boldsymbol{x}) > \boldsymbol{\varepsilon} \}$$

为间距,重采样步骤中使用自适应重采样技术,详见 [7],经过采样、计算粒子重要性权值、重采样、更新 地图等步骤实现 SLAM。

改进算法流程示意如图 1 所示。在 t - 1 时刻, 采样阶段进行 $\hat{\mathbf{x}}_{t-1}^{(i)} \sim P(\mathbf{x}_{t-1} | \mathbf{x}_{t-2}^{(i)})$ 得到无权重粒子 $\{\hat{p}_{t-1}^{(i)}, N^{-1}\}$ 。重要性采样阶段得到带权重的粒子 $\{\hat{p}_{t-1}^{(i)}, \hat{\boldsymbol{\omega}}_{t-1}^{(i)}\}$ 。重采样阶段,保留高权重粒子舍去低 权重粒子得到 $\{p_{t-1}^{(i)}, N^{-1}\}$ 。减小复杂度过程,只负 责更新不同位置的粒子,使用一组 $K(K \leq N)$ 个卡 尔曼滤波器计算 $\boldsymbol{\mu}_{t}^{(i)} \langle \boldsymbol{\Sigma}_{t}^{(i)} \rangle$,因此减少了卡尔曼更新 的计算量。最后,在 t 时刻采样阶段进行 $\hat{\mathbf{x}}_{t}^{(i)} \sim P(\mathbf{x}_{t} | \mathbf{x}_{t-1}^{(i)})$ 得到 $\{\hat{p}_{t}^{(i)}, N^{-1}\}$ 。



Fig. 1 The flow chart of improved RBPF algorithm

3 实验结果及分析

实验平台由装载 URG-04LX 激光测距仪的 Pioneer III-DX 机器人、配有 Intel 双核、CPU 2.19 GHz、 内存 1.96 GB 的笔记本电脑组成,笔记本电脑安装 Ubuntu 12.04 操作系统与 Groovy 版本 ROS,由笔记 本键盘控制机器人的运动,如图 2 所示。实验环境 为重庆邮电大学信息无障碍工程研发中心一楼,如 图 3 所示。



图 2 实验硬件平台 Fig. 2 Experiment hardware platform





图 3 实验环境 Fig. 3 Experiment environment

在同步定位与地图构建中,总时间消耗与机器 人的运动速度和环境大小有关,具体算法的时间消 耗难以确定。但可以通过控制机器人的运动速度来 衡量算法的实时性:如果算法复杂度过大,计算所需 时间因此较长,较快的运动速度将导致地图的精度 下降,需放慢运动速度以保证地图精度;如果算法复 杂度较小,计算所需时间因此较小,较快的运动速度 下也能保证地图精度。2种算法均需 120 个粒子, 每种算法每种速度作为1 组进行 10 次实验,共进行 60 次实验。每组第1 次实验中使用机器人实地运 行,得出地图同时将观测数据(里程计数据与激光 数据)记录在 bag 文件中,其余9 次实验使用该 bag 文件中的数据进行仿真,得出相应地图。bag 文件 为 ROS 特有的文件格式,可以将各类数据信息存储 在一个文件内,在调试算法过程中使用广泛。使用 bag 文件进行算法调试可以保证每组实验的数据一 致,减小误差。实验结果显示每组均出现共同特征, 选取代表性结果进行对比。图 4 和 5 为不同运动速 度下 Gmapping 算法与改进算法所绘地图。



Fig. 4 Maps built with Gmapping in three different velocities







(a)0.2m/s
 (b)0.4m/s
 (c)0.8m/s
 图 4 3 种不同速度下改进算法所绘地图
 Fig. 5 Maps builts with improved algorithm in three different velocities

实验表明,2种算法随着机器人运动速度的增加,均出现栅格误差增大、地图质量下降的情况。在0.2 m/s 低速运动时,2 种方法均能创建稳定的地图;以 0.4 m/s 运动时,Gmapping 算法开始出现误差,地图出现不确定性,改进算法没有出现误差;以 0.8 m/s 运动时,Gmapping 所绘地图误差增多,改进算法也出现误差,但整体效果明显强于前者。此外,改进算法在不同速度下所建地图更为稳定,边缘更加清晰。

4 结束语

本文提出了一种改进 RBPF 算法用于移动机器 人的同步定位与地图构建,通过卡尔曼滤波更新某 一特定状态一组粒子中的代表粒子,在必要时更新 其均值和方差,并在同一粒子群中重复使用,以降低 复杂度提高系统实时性。在近年来国外使用越来越 广泛的机器人操作系统平台下进行实验,实验结果 验证了其有效性。在后续工作中,将致力于量化降 低的复杂度以及所提高的实时性。

参考文献:

- [1] SMITH R, SELF M, CHEESEMAN P. Estimating uncertain spatial relationships in robotics [M]//COX I J, WILFONG G T. Autonomous Robot Vehicles. New York: Springer, 1990: 167-193.
- [2] DISSANAYAKE G, HUANG S, WANG Z, et al. A review of recent developments in simultaneous localization and mapping [C]//6th International Conference on Industrial and Information Systems (ICIIS). Kandy, Sri Lanka, 2011: 477-482.
- [3] SMITH R C, CHEESEMAN P. On the representation and estimation of spatial uncertainty[J]. The International Journal of Robotics Research, 1986, 5(4): 56-68.
- [4]张文玲,朱明清,陈宗海. 基于强跟踪 UKF 的自适应 SLAM 算法[J]. 机器人, 2010, 32(2): 190-195.
 ZHANG Wenling, ZHU Mingqing, CHEN Zonghai. An adaptive SLAM algorithm based on strong tracking UKF[J]. Robot, 2010, 32(2): 190-195.
- [5] DOUCET A, De FREITAS N, MURPHY K, et al. Rao-Blackwellised particle filtering for dynamic Bayesian networks [C]//Proceedings of the Sixteenth Conference on Uncertainty in Artificial Intelligence. San Francisco, USA, 2000; 176-183.
- [6] QU Liping, WANG Hongjian. An overview of robot SLAM problem [C]//International Conference on Consumer Electronics, Communications and Networks (CECNet). Xianning, China, 2011: 1953-1956.

- [7] GRISETTI G, STACHNISS C, BURGARD W. Improved techniques for grid mapping with Rao-Blackwellized particle filters[J]. Robotics, 2007, 23(1): 34-46.
- [8] 张建伟, 张立新, 胡颖, 等. 开源机器人操作系统—ROS [M]. 北京: 科学出版社, 2012: 1-6.
- [9] GERKEY B. Gmapping [EB/OL]. [2010-08-05]. http:// wiki.ros.org/slam_gmapping.
- [10] GRISETTI G, STACHNISS C, BURGARD W. Improving grid-based slam with Rao-Blackwellized particle filters by adaptive proposals and selective resampling[C]//Proceedings of the 2005 IEEE International Conference on Robotics and Automation. Barcelona, Spain, 2005: 2432-2437.
- [11] DOUCET A, De FREITAS N, GORDON N. An introduction to sequential Monte Carlo methods[M]//DOUCET A, DE FREITAS N, GORDON N. Sequential Monte Carlo Methods in Practice. New York: Springer, 2001: 3-14.
- [12] De FREITAS N. Rao-Blackwellised particle filtering for fault diagnosis [C]//2002 IEEE Aerospace Conference Proceedings. Big Sky, USA, 2002, 4: 1767-1772.
 作者简介:



罗元,女,1972年生,教授,博士,主 要研究方向为机器视觉、数字图像处 理。获得国家发明专利6项,重庆市科 技进步奖1项。发表学术论文50余 篇,被SCI、EI检索20余篇。



余佳航,男,1990年生,硕士研究 生,主要研究方向为移动机器人导航。



汪龙峰,男,1989年生,硕士研究 生,主要研究方向为移动机器人导航。